

## «Ασφάλεια Υπολογιστικών Συστημάτων»

Δρ. Παρασκευάς Κίτσος, Αναπλ. Καθηγητής

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Μηχανικών Υπολογιστών

του Πανεπιστημίου Πελοποννήσου.

Εργαστήριο Ηλεκτρονικών Κυκλωμάτων, Συστημάτων και Εφαρμογών

(ECSA Lab, <https://ecsalab.ece.uop.gr/>)

**ΕΠΩΝΥΜΟ & ΟΝΟΜΑ :**

**ΟΝΟΜΑ ΠΑΤΡΟΣ :**

**ΠΕΡΙΟΔΟΣ :** Φεβρουάριος 2023

**ΗΜΕΡΟΜΗΝΙΑ :** 09/02/2023

**ΑΜ :**

**ΕΞΑΜΗΝΟ ΦΟΙΤΗΣΗΣ:**

**ΟΜΑΔΑ ΘΕΜΑΤΩΝ:** A

### ΘΕΜΑΤΑ:

**Θέμα Α)** Να επιλέξετε τις σωστές απαντήσεις στις παρακάτω ερωτήσεις.

**1)** Ο Αλγόριθμος Triple-DES χρησιμοποιεί τρία ίδια κλειδιά των 64 bits:

- A. Σωστό
- B. Λάθος,
- Γ. Χρησιμοποιεί τρία ίδια κλειδιά των 128 bits

**2)** Ο AES δεν έχει την παρακάτω συνάρτηση στον τελευταίο γύρο του.

- A. Συνάρτηση SubBytes
- B. Συνάρτηση ShiftRows
- Γ. Συνάρτηση AddroundKey
- Δ. Κανέναν από τους παραπάνω

**3)** Οι επιθέσεις παράπλευρου καναλιού στο υλικό ανιχνεύουν τις παρακάτω πληροφορίες από τη διακίνηση δεδομένων?

- A. Χρόνος εκτέλεσης διεργασιών
- B. Κατανάλωση ενέργειας
- Γ. Ηλεκτρομαγνητική ακτινοβολία
- Δ. Όλα τα παραπάνω
- Ε. Κανένα από τα παραπάνω.

**4)** Η πρόταση «Όσο μεγαλύτερο είναι το κλειδί σε έναν αλγόριθμο κρυπτογράφησης τόσο μεγαλύτερα είναι τα επίπεδα ασφάλεια που προσφέρει», είναι:

- A. Σωστή
- B. Λάθος

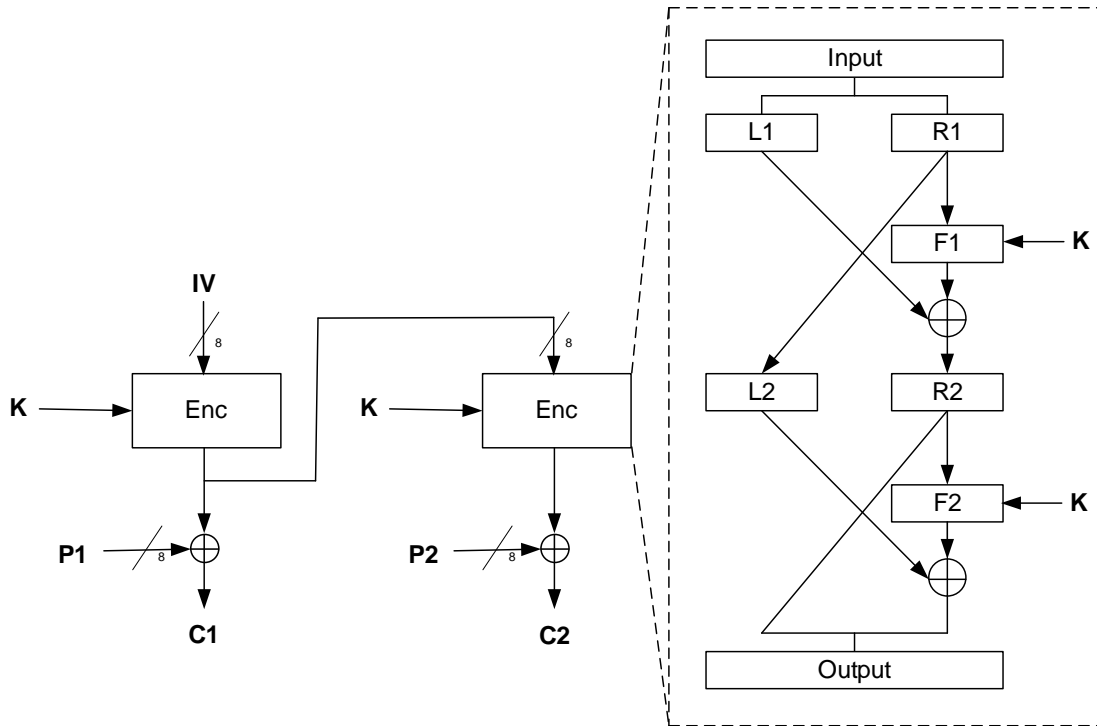
**2 Μονάδες**

### Απάντηση

- 1) B
- 2) Δ
- 3) Δ
- 4) A

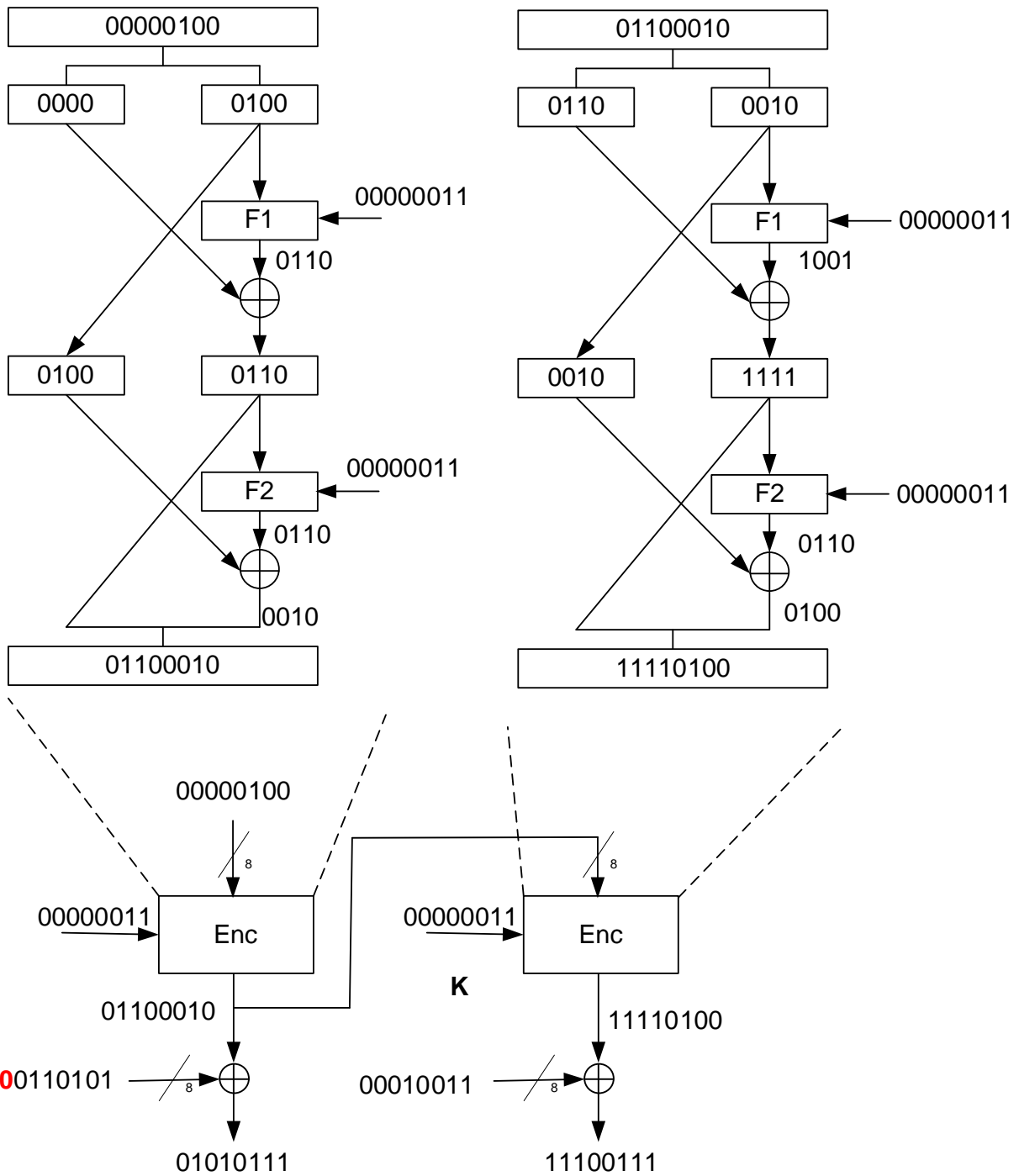
**Θέμα Β)** Αν ο τρόπος λειτουργίας κατά τη κρυπτογράφηση ενός αλγορίθμου τμήματος που έχει σχεδιαστεί με χρήση Feistel δικτύων είναι ο Output Feedback του παρακάτω σχήματος, να εκτελέσετε τη κρυπτογράφηση με τα παρακάτω δεδομένα.

$P=011010100010011$ ,  $IV=00000100$ ,  $K=3$ ,  $F_i(x, K) = (iK)^x \text{ mod } 15$  για  $i=1, 2$ .



2,5 Μονάδες

**Απάντηση**



**Θέμα Γ)** 1. Να υπολογίσετε τον Μέγιστο Κοινό Διαιρέτη μεταξύ των αριθμών 58 και 71.

**1 Μονάδα**

2. Χρησιμοποιώντας την ανεπτυγμένη μορφή του αλγορίθμου Ευκλείδη να βρείτε τους ακεραίους  $x$  και  $y$  για τους οποίους ισχύει  $71x+58y=1$ .

**2 Μονάδες**

**Απάντηση**

1. Για οποιονδήποτε μη αρνητικό ακέραιο  $a$  και οποιονδήποτε θετικό ακέραιο  $b$ , ισχύει:  $\gcd(a, b) = \gcd(b, a \bmod b)$ .

$$\text{Επίσης ισχύει } a \bmod n = \begin{cases} a, & \text{αν } n = 0 \\ a - \lfloor a/n \rfloor n, & \text{διαφορετικά} \end{cases}$$

Οπότε έχουμε  $\mathbf{gcd(58, 71)} = \mathbf{gcd(58, 71 \bmod 58)} = \mathbf{gcd(58, 13)} = \mathbf{gcd(13, 58 \bmod 13)} = \mathbf{gcd(13, 6)} = \mathbf{gcd(6, 13 \bmod 6)} = \mathbf{gcd(6, 1)} = \mathbf{gcd(1, 6 \bmod 1)} = \mathbf{gcd(1, 0)} = 1$

2. Άρα έχουμε το ζεύγος  $(a, b) = (1, 0)$  και ξεκινώντας από αυτό εκτελούμε, «προς τα πίσω», τον αλγόριθμο του Ευκλείδη στην ανεπτυγμένη μορφή του. Άρα για  $(a, b) = (1, 0)$  έχουμε  $d \leftarrow 1, x \leftarrow 1, y \leftarrow 0$ .

Για  $(a, b) = (6, 1)$  έχουμε  $y \leftarrow x' - \lfloor \frac{a}{b} \rfloor y' = 1 - \lfloor \frac{6}{1} \rfloor 0 = 1$  και  $x \leftarrow y' = 0$ .

Όμοια για  $(a, b) = (13, 6)$  έχουμε  $y \leftarrow x' - \lfloor \frac{a}{b} \rfloor y' = 0 - \lfloor \frac{13}{6} \rfloor 1 = -2$  και  $x \leftarrow y' = 1$ .

Για  $(a, b) = (58, 13)$  έχουμε  $y \leftarrow x' - \lfloor \frac{a}{b} \rfloor y' = 1 - \lfloor \frac{58}{13} \rfloor (-2) = 1 - (4)(-2) = 9$  και  $x \leftarrow y' = -2$ .

Τελικά για το αρχικό ζεύγος  $(a, b) = (71, 58)$  έχουμε  $y \leftarrow x' - \lfloor \frac{a}{b} \rfloor y' = (-2) - \lfloor \frac{71}{58} \rfloor (9) = (-2) - (1)(9) = -11$  και  $x \leftarrow y' = 9$ .

Άρα οι ζητούμενοι ακέραιοι  $x$  και  $y$  για τους οποίους ισχύει  $71x + 58y = 1$  είναι οι  $x = 9$  και  $y = -11$ , δηλαδή ισχύει  $\mathbf{gcd(58, 71) = 71(9) + 58(-11) = 639 - 638 = 1}$ .

**Θέμα Δ** Έστω ότι ο Κώστας και η Εύα έχουν επιλέξει τους αριθμούς  $p=13$  (πρώτος) και  $g=6$  για δημόσιο κλειδί. Ο αριθμός 6 είναι πρωτογενής ρίζα του 13. Αν ο Κώστας επιλέξει για ιδιωτικό κλειδί το  $a=6$  και η Εύα επιλέξει για ιδιωτικό κλειδί το  $b=7$  να υπολογίσετε το κοινό μυστικό κλειδί που θα υπολογίσουν και οι δύο σύμφωνα με τον αλγόριθμο DIFFIE-HELLMAN.

**2,5 Μονάδες**

**Απάντηση**

Ο Κώστας υπολογίζει και στέλνει στην Έυα τη παράσταση  $g^a \bmod p = 6^6 \bmod 13 = 12$ .

Ταυτόχρονα, η Έυα υπολογίζει και στέλνει στον Κώστα τη παράσταση  $g^b \bmod p = 6^7 \bmod 13 = 7$ .

Έπειτα, ο Κώστας υπολογίζει τη παράσταση  $7^a \bmod p = 7^6 \bmod 13 = 12$

Ταυτόχρονα, η Εύα υπολογίζει τη παράσταση  $12^b \bmod p = 12^7 \bmod 13 = 12$ .

Οπότε, οι δύο μοιράστηκαν το μυστικό κλειδί τον αριθμό 12.