

# Ηλεκτρικά Κυκλώματα Ι

## Διάλεξη 05

Α. Δροσόπουλος

08-11-2021

- 1 Ασκήσεις
- 2 Θεωρήματα Thevenin και Norton
- 3 Μέγιστη μεταφορά ισχύος στο συνεχές
- 4 Παραδείγματα και ασκήσεις

1 Ασκήσεις

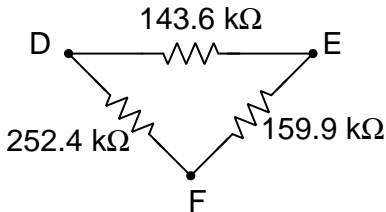
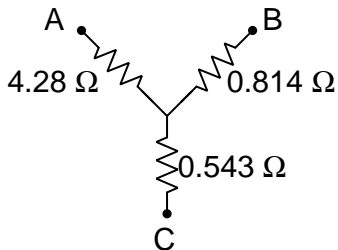
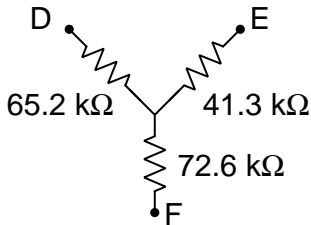
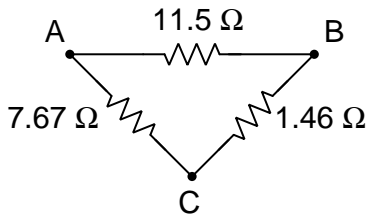
2 Θεωρήματα Thevenin και Norton

3 Μέγιστη μεταφορά ισχύος στο συνεχές

4 Παραδείγματα και ασκήσεις

# Άσκηση 1

Να μετατραπεί το τρίγωνο σε αστέρα και ο αστέρας σε τρίγωνο



# Άσκηση 1b

```
octave:1> r1=7.67*11.5/(7.67+11.5+1.46)
```

```
r1 = 4.2756
```

```
octave:2> r2=1.46*11.5/(7.67+11.5+1.46)
```

```
r2 = 0.81386
```

```
octave:3> r3=1.46*7.67/(7.67+11.5+1.46)
```

```
r3 = 0.54281
```

```
octave:4> r4=(65.2*41.3+41.3*72.6+72.6*65.2)/72.6
```

```
r4 = 143.59
```

```
octave:5> r5=(65.2*41.3+41.3*72.6+72.6*65.2)/41.3
```

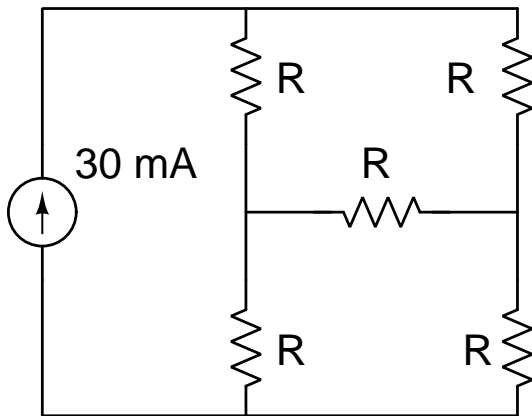
```
r5 = 252.41
```

```
octave:6> r6=(65.2*41.3+41.3*72.6+72.6*65.2)/65.2
```

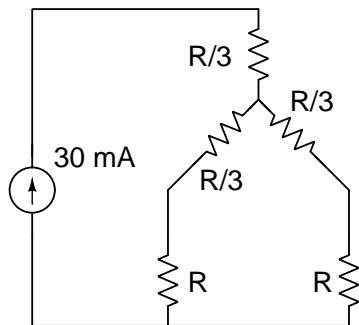
```
r6 = 159.89
```

## Άσκηση 2

Για ποια τιμή  $R$  θα δώσει η πηγή ρεύματος ισχύ  $800 \text{ mW}$ ;



## Άσκηση 2b



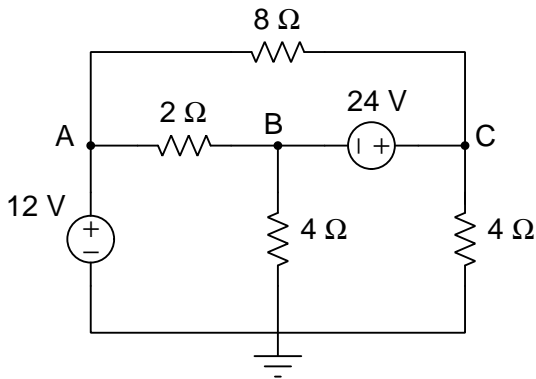
$$\frac{4}{3}R \parallel \frac{4}{3}R = \frac{2}{3}R \quad \text{και} \quad \frac{2}{3}R + \frac{1}{3}R = R$$

octave:7> P=800e-3; I=30e-3; R=P/I^2

R = 888.89

## Άσκηση 3

Ποιες είναι οι τάσεις μεταξύ A, B, C και γής;





## Άσκηση 3b

Με μέθοδο κόμβων (προσθέτουμε ρεύμα  $I_x$  μεταξύ Β και C)

$$\left. \begin{aligned} \frac{V_B - 12}{2} + \frac{V_B}{4} + I_x &= 0 \\ \frac{V_C - 12}{8} + \frac{V_C}{4} - I_x &= 0 \\ V_C - V_B &= 24 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{aligned} V_B \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) + V_C \left( \frac{1}{8} + \frac{1}{4} \right) &= \left( \frac{12}{2} + \frac{12}{8} \right) \\ -V_B + V_C &= 24 \end{aligned}$$

## Άσκηση 3c

```
octave:8> A=[1/2+1/4 1/8+1/4;-1 1]
```

```
A =
```

```
    0.75000    0.37500  
   -1.00000    1.00000
```

```
octave:9> b=[12/2+12/8; 24]
```

```
b =
```

```
    7.5000  
   24.0000
```

```
octave:10> V=inv(A)*b
```

```
V =
```

```
   -1.3333  
   22.6667
```

Άρα,  $V_A = 12$  V,  $V_B = -1.33$  V,  $V_C = 22.7$  V.

1 Ασκήσεις

**2 Θεωρήματα Thevenin και Norton**

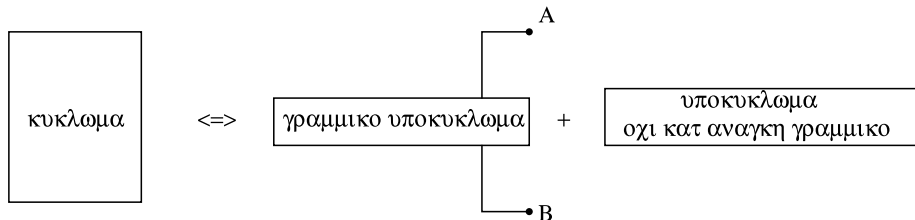
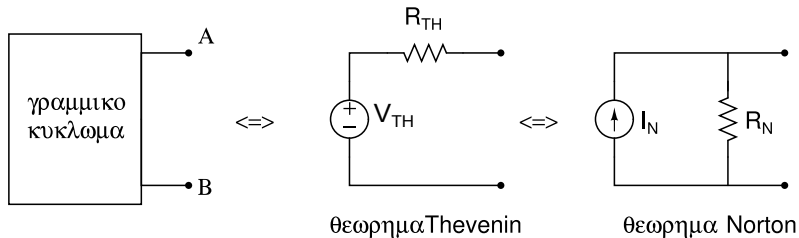
3 Μέγιστη μεταφορά ισχύος στο συνεχές

4 Παραδείγματα και ασκήσεις

Ένα γραμμικό κύκλωμα με δύο ακροδέκτες A, B μπορούμε να το αντικαταστήσουμε με ένα ισοδύναμο κύκλωμα που περιέχει μια πηγή τάσης σε σειρά με μια αντίσταση. Η αντίσταση,  $R_{TH}$  είναι η αντίσταση που φαίνεται από τους ανοικτούς ακροδέκτες A, B όταν αντικαταστήσουμε τις πηγές με τις εσωτερικές τους αντιστάσεις (πηγές πραγματικές) ή βραχυκυκλώσουμε τις πηγές τάσης και ανοίξουμε τις πηγές ρεύματος (πηγές ιδανικές) στο κύκλωμα. Η τάση  $V_{TH}$  είναι η τάση που φαίνεται με το κύκλωμα ενεργό, στους ανοικτούς ακροδέκτες A, B.

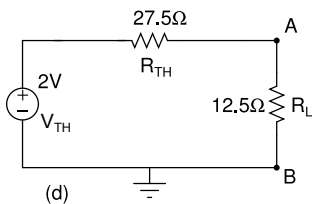
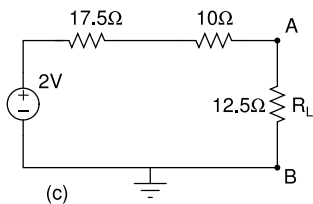
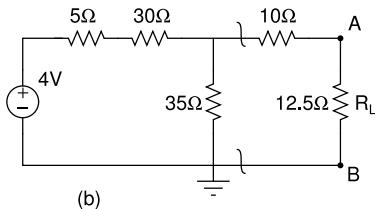
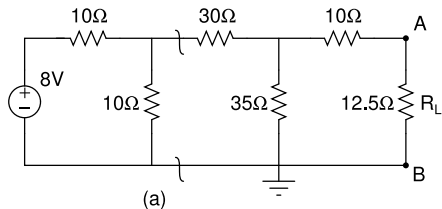
Ένα γραμμικό κύκλωμα με δύο ακροδέκτες A, B μπορούμε να το αντικαταστήσουμε με ένα ισοδύναμο κύκλωμα που περιέχει μια πηγή ρεύματος παράλληλα με μια αντίσταση. Η αντίσταση,  $R_N$  είναι η αντίσταση που φαίνεται από τους ανοικτούς ακροδέκτες A, B όταν αντικαταστήσουμε τις πηγές με τις εσωτερικές τους αντιστάσεις (πηγές πραγματικές) ή βραχυκυκλώσουμε τις πηγές τάσης και ανοίξουμε τις πηγές ρεύματος (πηγές ιδανικές) στο κύκλωμα. Το ρεύμα  $I_N$  είναι το ρεύμα που παίρνουμε με το κύκλωμα ενεργό, όταν βραχυκυκλώσουμε τούς ακροδέκτες A, B.

# Θεωρήματα Thevenin και Norton



# Παράδειγμα 1

Να υπολογιστεί η ισχύς στην αντίσταση  $R_L = 12.5 \Omega$  στο παρακάτω κύκλωμα (a) με το θεώρημα Thevenin.



# Παράδειγμα 1b

```
octave:11> V=12.5*2/(27.5+12.5)
```

```
V = 0.62500
```

```
octave:12> P=V^2/12.5
```

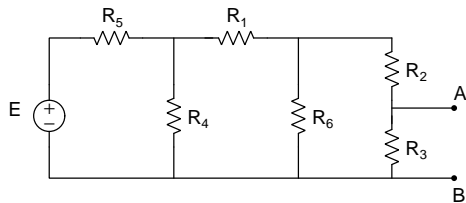
```
P = 0.031250
```

$$P = 31.25 \text{ mW}$$

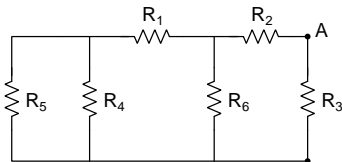


# Παράδειγμα 2

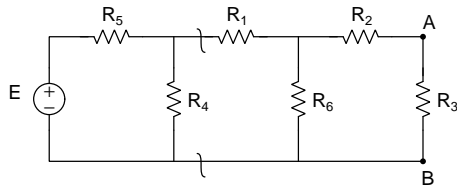
Να υπολογιστεί το ισοδύναμο κατά Thevenin στο παρακάτω κύκλωμα (a) στα σημεία A, B, όταν  $E = 12\text{ V}$ ,  $R_1 = 330\ \Omega$ ,  $R_2 = 1\text{ k}\Omega$ ,  $R_3 = 560\ \Omega$ ,  $R_4 = 820\ \Omega$ ,  $R_5 = 100\ \Omega$ , και  $R_6 = 2.2\text{ k}\Omega$ .



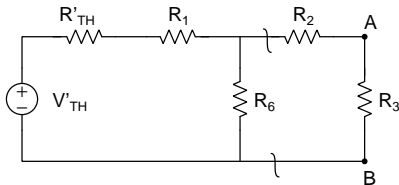
(a)



(b)



(c)

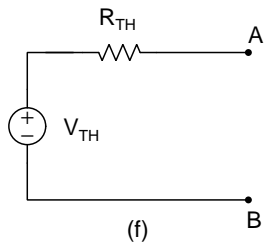
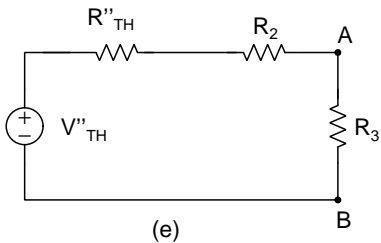


(d)

## Παράδειγμα 2b

```
octave:13> E=12; R1=330; R2=1e3; R3=560; R4=820; R5=100; R6=2.2e3;
octave:14> r1=1/(1/R5+1/R4)
r1 = 89.130
octave:15> r2=r1+R1
r2 = 419.13
octave:16> r3=r2*R6/(r2+R6)
r3 = 352.06
octave:17> r4=r3+R2
r4 = 1352.1
octave:18> Rth=1/(1/r4+1/R3)
Rth = 395.99
```

# Παράδειγμα 2c

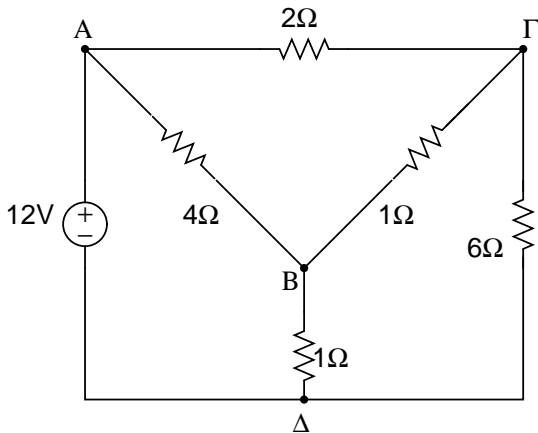


## Παράδειγμα 2d

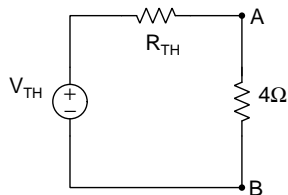
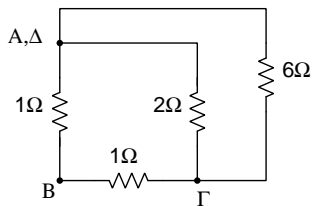
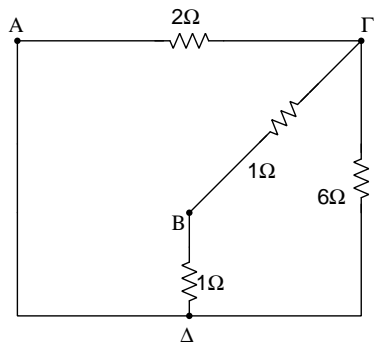
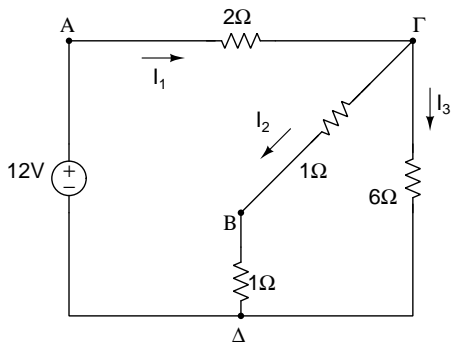
```
octave:19> Rthp = R5*R4/(R5+R4)
Rthp = 89.130
octave:20> Vthp = R4*E/(R4+R5)
Vthp = 10.696
octave:21> Rthpp = R6*(R1+Rthp)/(R6+R1+Rthp)
Rthpp = 352.06
octave:22> Vthpp = R6*Vthp/(R6+R1+Rthp)
Vthpp = 8.9841
octave:23> Rth=R3*(Rthpp+R2)/(R3+Rthpp+R2)
Rth = 395.99
octave:24> Vth=R3*Vthpp/(R3+Rthpp+R2)
Vth = 2.6312
```

## Παράδειγμα 3

Να υπολογιστεί η ισχύς που καταναλώνεται στην αντίσταση των  $4\ \Omega$  στο παρακάτω κύκλωμα χρησιμοποιώντας το θεώρημα Thevenin.



# Παράδειγμα 3b



## Παράδειγμα 3c

$$R_{TH} = [(6 \parallel 2) + 1] \parallel 1 = 0.714 \Omega$$

```
octave:25> r1=6*2/(6+2)
r1 = 1.5000
octave:26> r2=r1+1
r2 = 2.5000
octave:27> Rth=r2*1/(r2+1)
Rth = 0.71429

octave:28> r=2*6/(2+6)
r = 1.5000
octave:29> Vgd=r*12/(r+2)
Vgd = 5.1429
octave:30> I2=Vgd/2
I2 = 2.5714
octave:31> Vth=12-I2*1
Vth = 9.4286
```

## Παράδειγμα 3d

$$V_{TH} = 9.43 \text{ V}$$

octave:32>  $V_{ab} = 4 \cdot V_{th} / (4 + R_{th})$

$V_{ab} = 8$

octave:33>  $P = V_{ab}^2 / 4$

$P = 16$

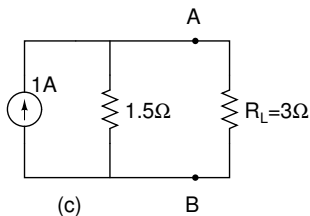
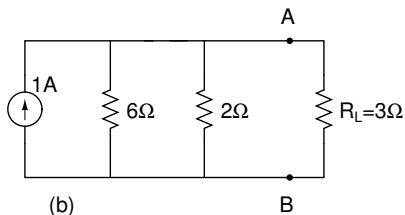
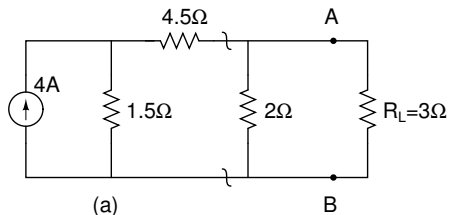
$$P = 16 \text{ W}$$

spice



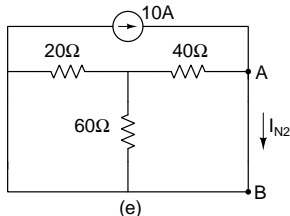
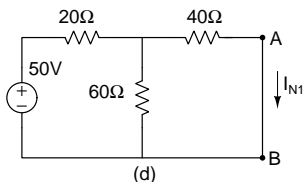
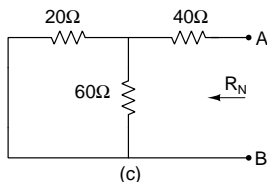
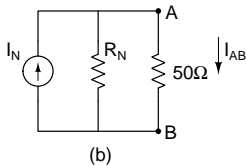
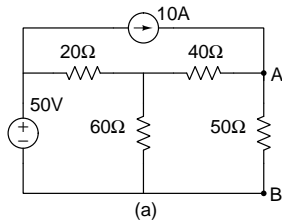
# Παράδειγμα 4

Να υπολογιστεί η ισχύς στην αντίσταση  $R_L = 3 \Omega$  στο παρακάτω κύκλωμα (a) με το θεώρημα Norton.



# Παράδειγμα 5

Να υπολογιστεί η ισχύς στην αντίσταση  $50\ \Omega$  στο παρακάτω κύκλωμα (a) με το θεώρημα Norton και υπέρθεση.

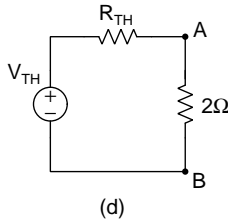
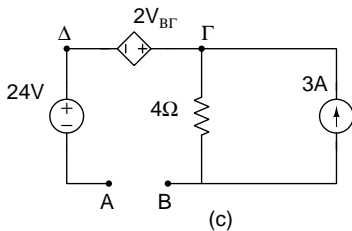
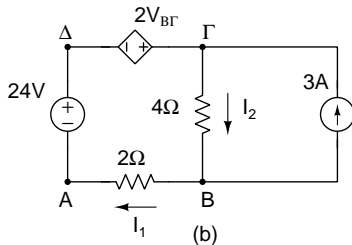
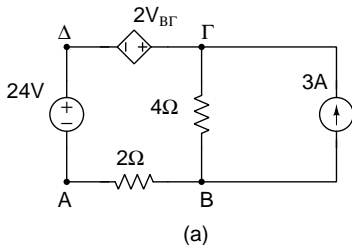


## Παράδειγμα 5b

- Θέλουμε να μετατρέψουμε το (a) στο (b)
- Η αντίσταση Norton είναι αυτή που φαίνεται με ανοικτούς ακροδέκτες A,B και σβηστές ανεξάρτητες πηγές (c)  $R_N = (20 \parallel 60) + 40 = 55 \Omega$ .
- Με υπέρθεση και ενεργή την πηγή τάσης έχουμε το (d). Με μετασχηματισμό σε πηγή ρεύματος και διαιρέτη ρεύματος  $I_{N1} = 0.68 \text{ A}$ .
- Με υπέρθεση και ενεργή την πηγή ρεύματος έχουμε το (e). Στη διακλάδωση στο A έχουμε έναν κλάδο με αντίσταση και άλλο κλάδο βραχυκύκλωμα. Προφανώς  $I_{N2} = 10 \text{ A}$ .
- Άρα  $I_N = I_{N1} + I_{N2} = 10.68 \text{ A}$ .
- Άρα  $I_{AB} = R_N I_N / (R_N + 50) = 5.59 \text{ A}$  και  $P_{50} = I_{AB}^2 50 = 1564.8 \text{ W}$

# Παράδειγμα 6

Να υπολογιστεί η τάση  $V_{AB}$  στο παρακάτω κύκλωμα (α) με α) κανόνες Kirchhoff και β) θεώρημα Thevenin.



# Παράδειγμα 6b - Kirchhoff

Κλαδικά ρεύματα

$$\left. \begin{array}{l} \text{κόμβος B:} \\ \text{αριστερός βρόγχος:} \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} -I_1 + I_2 - 3 = 0 \\ -2V_{\text{BΓ}} + 4I_2 + 2I_1 = 24 \\ V_{\text{BΓ}} = -4I_2 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} -I_1 + I_2 = 3 \\ 2I_1 + 12I_2 = 24 \end{array}$$

```
octave:1> A=[-1 1; 2 12]; b=[3; 24]; I=inv(A)*b
```

```
I =
```

```
-0.85714
```

```
2.14286
```

```
octave:2> Vab = -2*I(1)
```

```
Vab = 1.7143
```

## Παράδειγμα 6c - Thevenin

$$V_{AB|oc} = -24 - 2V_{B\Gamma} + V_{\Gamma B} = -24 - 3V_{B\Gamma} = -24 - 3(-3 \cdot 4) = 12 \text{ V}$$

$$2V_{B\Gamma} + 24 = 4I_2 \Rightarrow 2(-4I_2) + 24 = 4I_2 \Rightarrow I_2 = 2 \text{ A}$$

$$I_{AB|sc} = 3 - I_2 = 1 \text{ A}$$

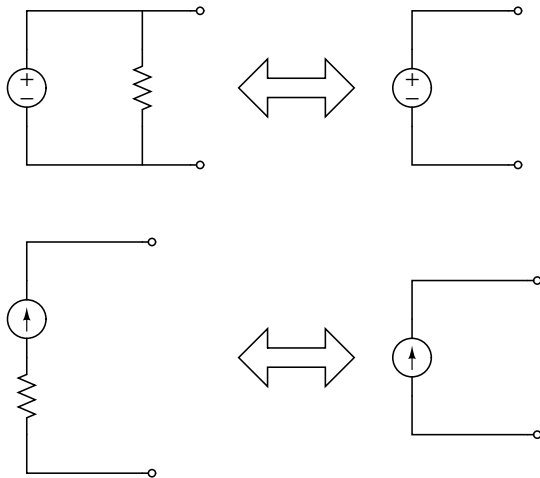
$$R_{TH} = \frac{V_{TH}}{I_N} = 12 \Omega$$

$$V_{AB} = \frac{2V_{TH}}{2 + R_{TH}} = 1.714 \text{ V}$$

Οι εξαρτημένες πηγές τάσης ή ρεύματος είναι τα μόνα μη γραμμικά στοιχεία στα μέχρι τώρα κυκλώματά μας. Η διαδικασία εύρεσης ισοδυνάμου Thevenin / Norton διαφέρει. Πρέπει να βρεθούν:

- η τάση με ανοικτούς ακροδέκτες  $V_{oc} = V_{TH}$
- το ρεύμα βραχυκυκλώσεως  $I_{sc} = I_N$  και
- η αντίσταση Thevenin / Norton είναι τότε ο λόγος  $R_{TH} = R_N = V_{oc}/I_{sc} = V_{TH}/I_N$ .

# Σημαντική Παρατήρηση 2

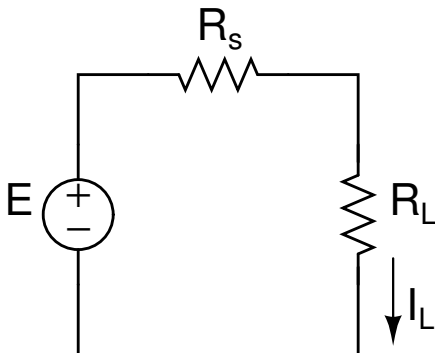




- 1 Ασκήσεις
- 2 Θεωρήματα Thevenin και Norton
- 3 Μέγιστη μεταφορά ισχύος στο συνεχές**
- 4 Παραδείγματα και ασκήσεις

# Μέγιστη μεταφορά ισχύος

Η πραγματική πηγή έχει ΗΕΔ  $E$  και εσωτερική αντίσταση  $R_s$ . Πότε έχουμε μέγιστη μεταφορά ισχύος από την πηγή στο φορτίο  $R_L$ ;



## Μέγιστη μεταφορά ισχύος (συνέχεια 2)

Το ρεύμα που περνάει από το φορτίο είναι

$$I_L = \frac{E}{R_s + R_L}$$

και η ισχύς είναι

$$P_L = I_L^2 R_L = \frac{E^2 R_L}{(R_s + R_L)^2}$$

Ακρότατο  $R_{L,0}$  η λύση της

$$\frac{dP_L}{dR_L} = 0$$

$$R_{L,0} \text{ μέγιστο } \left. \frac{d^2 P_L}{dR_L^2} \right|_{R_L=R_{L,0}} < 0 \text{ και ελάχιστο } \left. \frac{d^2 P_L}{dR_L^2} \right|_{R_L=R_{L,0}} > 0$$

## Μέγιστη μεταφορά ισχύος (συνέχεια 3)

$$\frac{dP_L}{dR_L} = E^2 \frac{1 \cdot (R_s + R_L)^2 - R_L \cdot 2 \cdot (R_s + R_L)}{(R_s + R_L)^4} = 0 \Rightarrow$$

$$(R_s + R_L) \cdot \left( (R_s + R_L) - 2 \cdot R_L \right) = 0 \Rightarrow R_L = R_s$$

$$\frac{d^2P_L}{dR_L^2} = E^2 \frac{-1 \cdot (R_s + R_L)^3 - (R_s - R_L) \cdot 3 \cdot (R_s + R_L)^2}{(R_s + R_L)^6}$$

και για  $R_L = R_s$

$$\left. \frac{d^2P_L}{dR_L^2} \right|_{R_L=R_s} = -\frac{E^2}{(2R_s)^3} < 0$$

άρα  $R_{L,0} = R_s$  είναι ακρότατο που οδηγεί σε μέγιστη ισχύ.

## Μέγιστη μεταφορά ισχύος (συνέχεια 4)

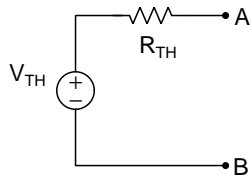
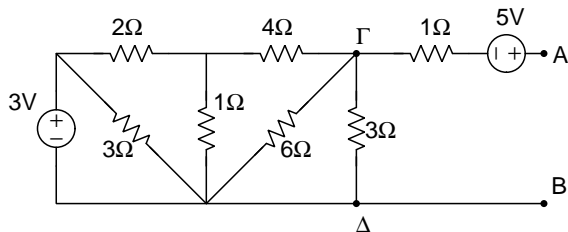
Στη γενική περίπτωση όπου έχουμε ένα οποιοδήποτε γραμμικό κύκλωμα και θέλουμε την μέγιστη ισχύ σε κάποιο φορτίο  $R_L$ , αντικαθιστούμε το κύκλωμα (μείον το φορτίο  $R_L$ ) με το ισοδύναμό του κατά Thevenin, οπότε έχουμε πάλι τη μορφή του απλού βρόχου που εξετάσαμε προηγουμένως. Μέγιστη ισχύ τώρα έχουμε για  $R_L = R_{TH}$  και η μέγιστη ισχύς είναι

$$P_{L,μεγ} = \frac{V_{TH}^2}{4R_{TH}}$$

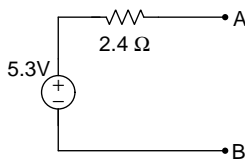
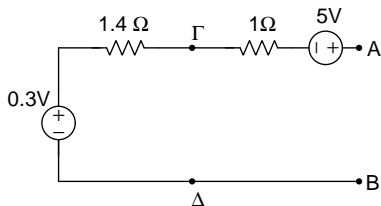
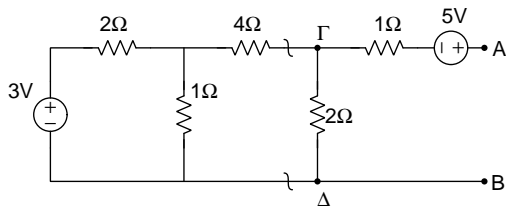
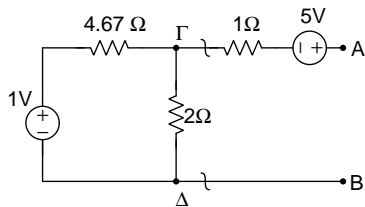
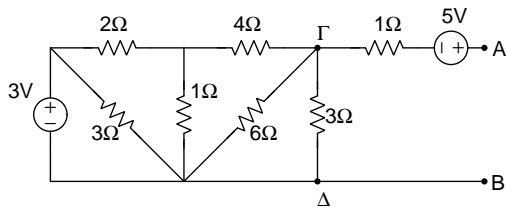
- 1 Ασκήσεις
- 2 Θεωρήματα Thevenin και Norton
- 3 Μέγιστη μεταφορά ισχύος στο συνεχές
- 4 Παραδείγματα και ασκήσεις**

# Παράδειγμα 1

Να υπολογισθεί το κατά Thevenin ισοδύναμο ως προς τους ακροδέκτες A, B του παρακάτω κυκλώματος. Να προσδιορισθεί κατόπιν η τιμή του φορτίου  $R_L$  στους ακροδέκτες A, B που καταναλώνει μέγιστη ισχύ από το κύκλωμα και να βρεθεί η τιμή της.



# Παράδειγμα 1 (συνέχεια 1)





## Παράδειγμα 1 (συνέχεια 2)

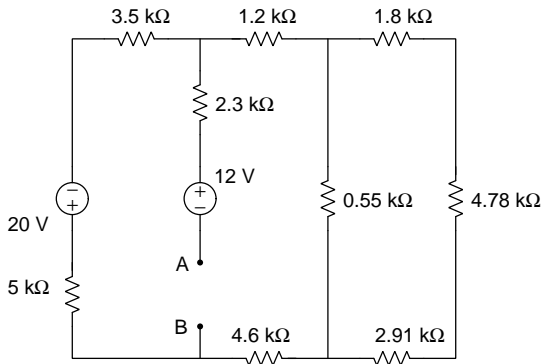
$$R_L = 2.4 \Omega$$

$$P_{\max} = \frac{V_{TH}^2}{4R_{TH}} = 2.926 \text{ W}$$

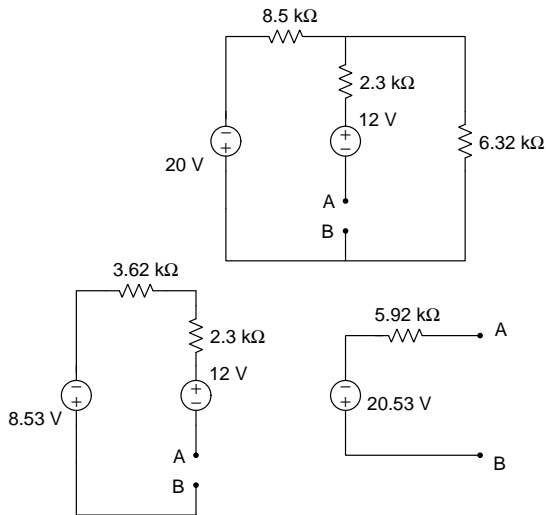
# Παράδειγμα 2

Δίδεται το παρακάτω κύκλωμα. Να υπολογιστούν:

- Η τάση  $V_{AB}$  με ανοικτούς τους ακροδέκτες A, B.
- Η συνολική αντίσταση κατά Thevenin που φαίνεται στους ανοικτούς ακροδέκτες A, B.
- Το ρεύμα βραχυκυκλώσεως  $I_{AB}$  όταν οι ακροδέκτες A, B είναι βραχυκυκλωμένοι.
- Εάν προσθέσουμε ένα φορτίο  $R_L$  μεταξύ των ακροδεκτών A, B, ποια είναι η τιμή του φορτίου έτσι ώστε να έχουμε μέγιστη κατανάλωση ισχύος από το κύκλωμα και ποια είναι αυτή η ισχύς;



## Παράδειγμα 2 (συνέχεια 1)



## Παράδειγμα 2 (συνέχεια 2)

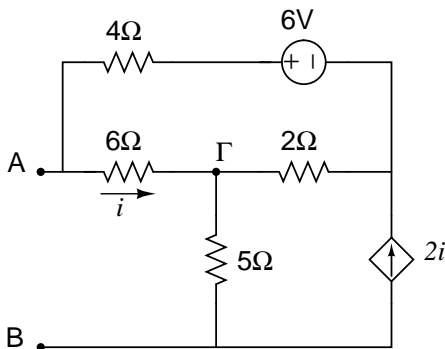
$$R_L = 5.92 \text{ k}\Omega$$

$$P_{\max} = \frac{V_{TH}^2}{4R_{TH}} = 17.8 \text{ mW}$$

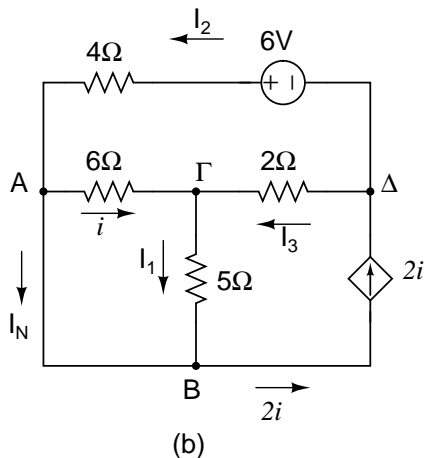
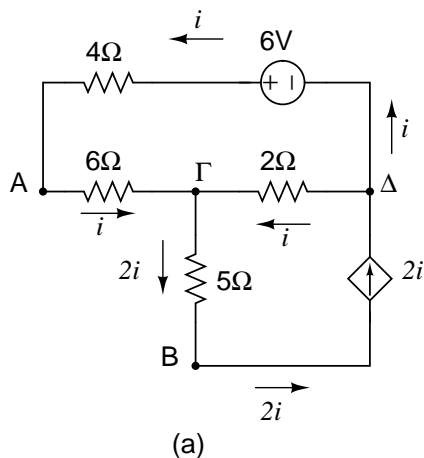
# Παράδειγμα 3

Δίδεται το παρακάτω κύκλωμα όπου  $i$  το κλαδικό ρεύμα μεταξύ A και Γ. Να υπολογιστούν:

- Η τάση  $V_{AB}$  με ανοικτούς τους ακροδέκτες A, B.
- Το ρεύμα βραχυκυκλώσεως  $I_{AB}$  όταν οι ακροδέκτες A, B είναι βραχυκυκλωμένοι.
- Η συνολική αντίσταση κατά Thevenin που φαίνεται στους ανοικτούς ακροδέκτες A, B.
- Εάν προσθέσουμε ένα φορτίο  $R_L$  μεταξύ των ακροδεκτών A, B, ποια είναι η τιμή του φορτίου έτσι ώστε να έχουμε μέγιστη κατανάλωση ισχύος από το κύκλωμα και ποια είναι αυτή η ισχύς;



# Παράδειγμα 3 (συνέχεια 1)



Σχήμα: Με κλαδικά ρεύματα

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 2)

Τα κλαδικά ρεύματα με τον 1ο κανόνα Kirchhoff (κόμβος Γ) φαίνονται καθαρά στο κύκλωμα (α). Εφαρμόζοντας 2ο κανόνα Kirchhoff στον επάνω βρόγχο ΑΓΔΑ έχουμε:

$$6i - 2i - 6 + 4i = 0 \Rightarrow i = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} = 0.75 \text{ A}$$

άρα η τάση  $V_{AB}$  με ανοικτούς τους ακροδέκτες Α, Β (τάση Thevenin  $V_{TH}$ ) είναι:

$$V_{AB} = V_{AG} + V_{GB} = 6i + 2i \cdot 5 = 16i = 12 \text{ V}$$

Το ρεύμα βραχυκυκλώσεως  $I_{AB}$  είναι το ρεύμα Norton. Από κόμβους και βρόγχους στο κύκλωμα, με Α, Β βραχυκυκλωμένα (κύκλωμα (b)) έχουμε

$$\text{κόμβος Α: } I_2 = i + I_N$$

$$\text{κόμβος Β: } I_1 + I_N = 2i$$

$$\text{κόμβος Γ: } i + I_3 = I_1$$

$$\text{κόμβος Δ: } 2i = I_3 + I_2$$

$$\text{βρόγχος ΑΓΔΑ: } 6i - 2I_3 - 6 + 4I_2 = 0$$

$$\text{βρόγχος ΑΓΒΑ: } 6i + 5I_1 = 0$$

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 3)

Από τις παραπάνω εξισώσεις έχουμε:

$$I_1 = -\frac{6i}{5}$$

$$I_3 = I_1 - i = -\frac{6i}{5} - i = -\frac{11i}{5}$$

$$I_2 = 2i - I_3 = 2i + \frac{11i}{5} = \frac{21i}{5}$$

$$I_N = I_2 - i = \frac{21i}{5} - i = \frac{16i}{5}$$

$$6i - 2\left(-\frac{11i}{5}\right) - 6 + 4\left(\frac{21i}{5}\right) = 0 \Rightarrow i = \frac{30}{136} = \frac{15}{68} \text{ A}$$

οπότε

$$I_N = \frac{16}{5} \cdot \frac{15}{68} = \frac{12}{17} = 0.706 \text{ A}$$

Εφόσον έχουμε εξαρτημένη πηγή στο κύκλωμα, η αντίσταση Thevenin είναι

$$R_{TH} = \frac{V_{TH}}{I_N} = \frac{12}{12/17} = 17 \Omega$$



## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 4)

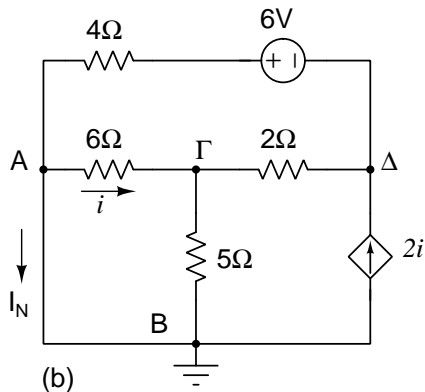
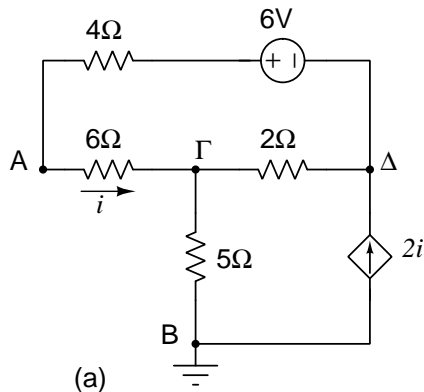
Για μέγιστη κατανάλωση / μεταφορά ισχύος

$$R_L = R_{TH} = 17 \Omega$$

και η μέγιστη ισχύς είναι

$$P_{\max} = \frac{V_{TH}^2}{4R_{TH}} = \frac{12^2}{4 \cdot 17} = \frac{144}{68} = 2.118 \text{ W}$$

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 5)



**Σχήμα:** Με κομβική ανάλυση

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 6)

$$\left. \begin{aligned} -i + \frac{V_{\Gamma}}{5} + \frac{V_{\Gamma} - V_{\Delta}}{2} &= 0 \\ i + \frac{V_{\Delta} - V_{\Gamma}}{2} - 2i &= 0 \\ i &= \frac{(6 + V_{\Delta}) - V_{\Gamma}}{10} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\left. \begin{aligned} V_{\Gamma} \left( \frac{1}{10} + \frac{1}{5} + \frac{1}{2} \right) - V_{\Delta} \left( \frac{1}{10} + \frac{1}{2} \right) &= \frac{6}{10} \\ V_{\Gamma} \left( \frac{1}{10} - \frac{1}{2} \right) + V_{\Delta} \left( -\frac{1}{10} + \frac{1}{2} \right) &= \frac{6}{10} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$V_{\Gamma} = 7.5 \text{ V} \quad V_{\Delta} = 9 \text{ V} \quad i = 0.75 \text{ A} \quad V_{TH} = 6i + V_{\Gamma} = 12 \text{ V}$$

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 7)

```
octave:19> A=[1/10+1/5+1/2 -(1/10+1/2); 1/10-1/2 -1/10+1/2]
```

```
A =
```

```
 0.80000  -0.60000  
-0.40000   0.40000
```

```
octave:20> b=[6/10; 6/10]
```

```
b =
```

```
 0.60000  
 0.60000
```

```
octave:21> V=inv(A)*b
```

```
V =
```

```
 7.5000  
 9.0000
```

```
octave:22> i=((6+V(2))-V(1))/10
```

```
i = 0.75000
```

```
octave:23> Vac=i*6
```

```
Vac = 4.5000
```

```
octave:24> Vab=Vac+V(1)
```

```
Vab = 12.000
```

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 8)

$$\left. \begin{aligned} \frac{V_{\Gamma}}{6} + \frac{V_{\Gamma}}{5} + \frac{V_{\Gamma} - V_{\Delta}}{2} &= 0 \\ \frac{6 + V_{\Delta}}{4} + \frac{V_{\Delta} - V_{\Gamma}}{2} - 2i &= 0 \\ i &= -\frac{V_{\Gamma}}{6} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\left. \begin{aligned} V_{\Gamma} \left( \frac{1}{6} + \frac{1}{5} + \frac{1}{2} \right) - V_{\Delta} \frac{1}{2} &= 0 \\ V_{\Gamma} \left( -\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) + V_{\Delta} \left( \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \right) &= -\frac{6}{4} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$I_N = \frac{6 + V_{\Delta}}{4} + \frac{V_{\Gamma}}{6} = 0.706 \text{ A}$$

$$R_{TH} = \frac{V_{TH}}{I_N} = 17 \Omega$$

## Παράδειγμα 3 (συνέχεια 9)

```
octave:30> A=[1/6+1/5+1/2 -1/2; -1/2+1/3 1/4+1/2]
```

```
A =  
    0.86667   -0.50000  
   -0.16667    0.75000
```

```
octave:31> b=[0; -6/4]
```

```
b =  
    0.00000  
   -1.50000
```

```
octave:32> V=inv(A)*b
```

```
V =  
   -1.3235  
   -2.2941
```

```
octave:33> In=(6+V(2))/4 + V(1)/6
```

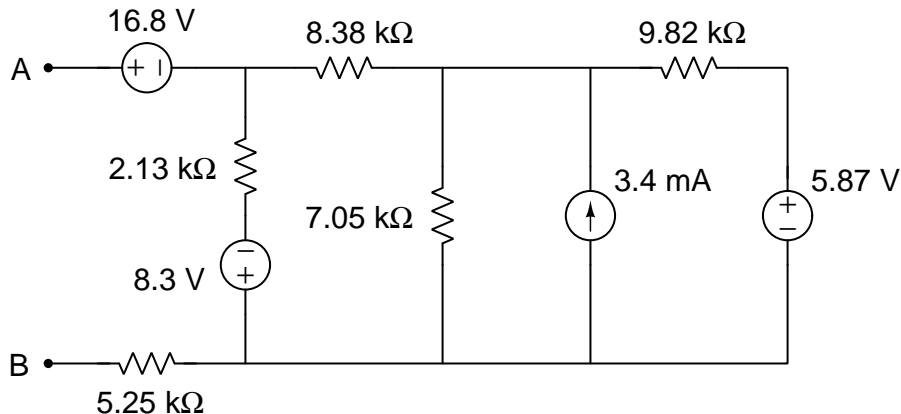
```
In = 0.70588
```

```
octave:34> Rth=Vab/In
```

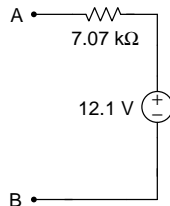
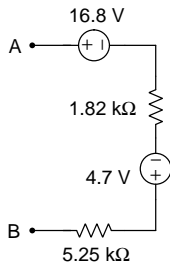
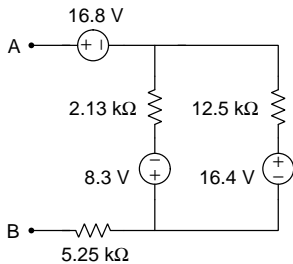
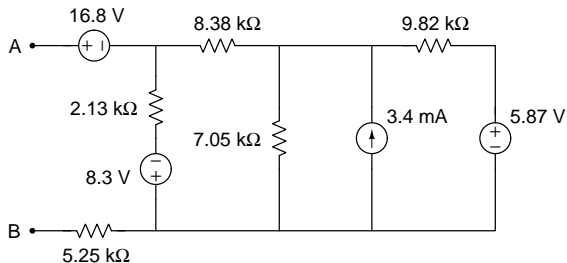
```
Rth = 17.000
```

## Παράδειγμα 4

Στο παρακάτω κύκλωμα, να υπολογιστεί η τάση  $V_{AB}|_{oc}$  με ανοικτούς τους ακροδέκτες A και B. Επίσης, με κλειστούς τους ακροδέκτες A και B να υπολογιστεί το ρεύμα βραχυκυκλώσεως  $I_{AB}|_{sc}$ . Να υπολογιστεί κατόπιν το ρεύμα  $I_0$  που διέρχεται από ένα φορτίο  $R_L = 8.6 \text{ k}\Omega$  όταν αυτό τοποθετηθεί μεταξύ των A και B. Τέλος, να υπολογιστεί η τιμή του  $R_L$  έτσι ώστε να έχουμε μέγιστη κατανάλωση ισχύος και να ευρεθεί η μέγιστη αυτή ισχύς.



# Παράδειγμα 4 (συνέχεια 1)





## Παράδειγμα 4 (συνέχεια 2)

```
octave:1> i1=5.87/9.82
i1 = 0.59776
octave:2> i2=i1+3.4
i2 = 3.9978
octave:3> r1 = 9.82*7.05/(9.82+7.05)
r1 = 4.1038
octave:4> v1=i2*r1
v1 = 16.406
octave:5> r2=r1+8.38
r2 = 12.484
octave:6> Em = (16.4/12.5-8.3/2.13)/(1/12.5+1/2.13)
Em = -4.7039
octave:7> Rm=1/(1/12.5+1/2.13)
Rm = 1.8199
octave:8> Vth=16.8-4.7
Vth = 12.100
octave:9> Rth=1.82+5.25
Rth = 7.0700
octave:10> In=Vth/Rth
In = 1.7115
octave:11> I0=Rth*In/(Rth+8.6)
I0 = 0.77218
octave:12> Pmax=Vth^2/(4*Rth)
Pmax = 5.1772
```

## Παράδειγμα 4 (συνέχεια 3)

$$V_{TH} = 12.1 \text{ V} \quad R_{TH} = 7.07 \text{ k}\Omega \quad I_N = 1.71 \text{ mA}$$

$$I_0 = 0.772 \text{ mA}$$

$$P_{\max} = 5.18 \text{ mW}$$