

# Ασφάλεια Υπολογιστικών Συστημάτων

## 7ο Εξάμηνο

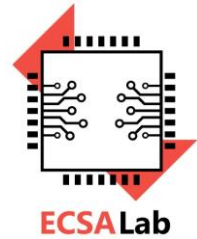
### Συναρτήσεις Κατακερματισμού και Πιστοποίηση Μηνύματος

**Διδάσκων :** Δρ. Παρασκευάς Κίτσος, Καθηγητής

<https://ecsalab.ece.uop.gr/>

Εργαστήριο Ηλεκτρονικών Κυκλωμάτων, Συστημάτων και  
Εφαρμογών (ECSA Lab.)

**e-mail:** [kitsos@uop.gr](mailto:kitsos@uop.gr)

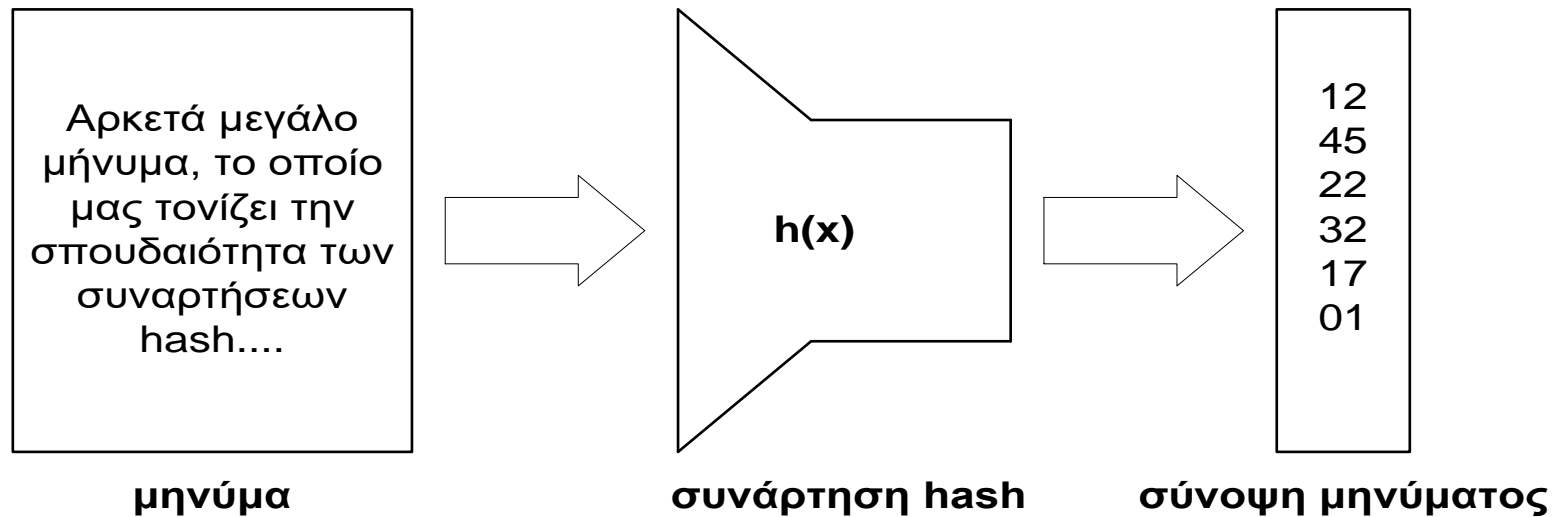


# ΔΙΑΡΘΡΩΣΗ ΕΝΟΤΗΤΑΣ

- Hash functions (Συναρτήσεις κατακερματισμού)
- Μεθοδολογίες Πιστοποίησης Μηνύματος
- Ψηφιακή υπογραφή
- Hash Message Authentication Code (HMAC)

# HASH ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ (1/3)

- Μια συνάρτηση hash  $h: F^* \rightarrow G^n$  αντιστοιχεί ένα στοιχείο  $x \in F^*$  αυθαίρετου μήκους, στο στοιχείο  $y \in G^n$  με συγκεκριμένο μήκος  $n$ ,  $y=h(x)$ .
- Η συνάρτηση hash δέχεται ένα συγκριτικά μεγάλο μήνυμα και παράγει μια **σύνοψη** του μηνύματος μικρότερου και σταθερού μεγέθους.
- Το μέγεθος της σύνοψης αναμένεται να είναι πάνω από 160-bit.

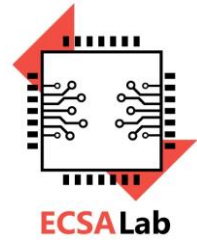




# HASH ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ (2/3)

ECSA Lab

- Η κρυπτογραφική συνάρτηση hash έχει τις παρακάτω ιδιότητες.
  - 1) δοθέντος ενός  $y$ , είναι υπολογιστικά αδύνατο να βρεθεί  $x$  τέτοιο ώστε  $h(x)=y$ .
  - 2) δοθέντων  $x, h(x)$ , είναι υπολογιστικά αδύνατο να βρεθεί  $x'$  τέτοιο ώστε  $h(x)=h(x')$ .
  - 3) είναι υπολογιστικά αδύνατο να βρεθούν  $x_1, x_2 \in F^*$ , τέτοια ώστε  $h(x_1)=h(x_2)$ .
- Οι συναρτήσεις που διατηρούν τις (1) και (2) ονομάζονται **μονόδρομες hash συναρτήσεις (one-way hash functions)**
- Οι συναρτήσεις που διατηρούν τις (2) και (3) ονομάζονται **ανθεκτικές σε συγκρούσεις hash συναρτήσεις (collision resistance hash functions)**
- Η ιδιότητα (2) ονομάζεται **ασθενής αντίσταση σε συγκρούσεις**
- Η ιδιότητα (3) ονομάζεται **ισχυρή αντίσταση σε συγκρούσεις**

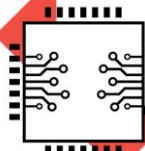


# HASH ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ (3/3)

- Μονόδρομες hash συναρτήσεις
  - Συναρτήσεις άνευ κλειδιού
  - Συναρτήσεις με κλειδί

# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ

- Ένα σύστημα θα πρέπει να έχει τη δυνατότητα να πιστοποιεί ότι:
  1. Ένα μήνυμα έχει αποσταλεί από συγκεκριμένη πηγή ή αποστολέα
  2. Τα περιεχόμενα του μηνύματος δεν έχουν διαφοροποιηθεί
  3. Το δεδομένα έχουν αποσταλεί σε συγκεκριμένη χρονική περίοδο και με συγκεκριμένη διαδοχική σειρά
- Προστασία απέναντι σε «ενεργές» επιθέσεις:
  - αλλοίωση των δεδομένων ή των συναλλαγών

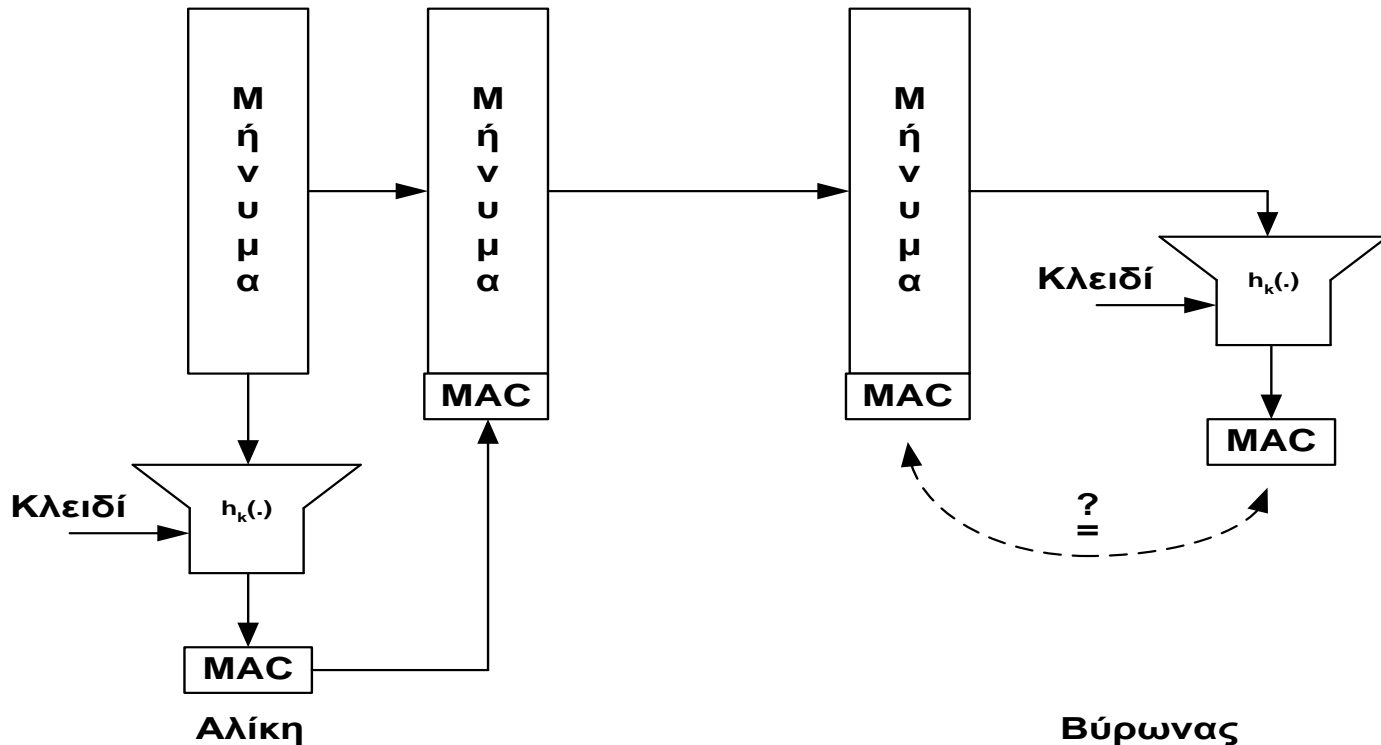


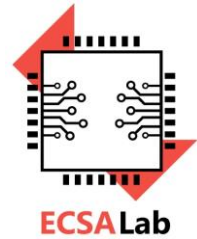
# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ ΜΗΝΥΜΑΤΟΣ

• Κώδικας Αυθεντικοποίησης μηνύματος (Message Authentication Code-MAC) είναι μια μονόδρομη hash

συνάρτηση με κλειδί η οποία προσφέρει ασθενή αντίσταση σε συγκρούσεις

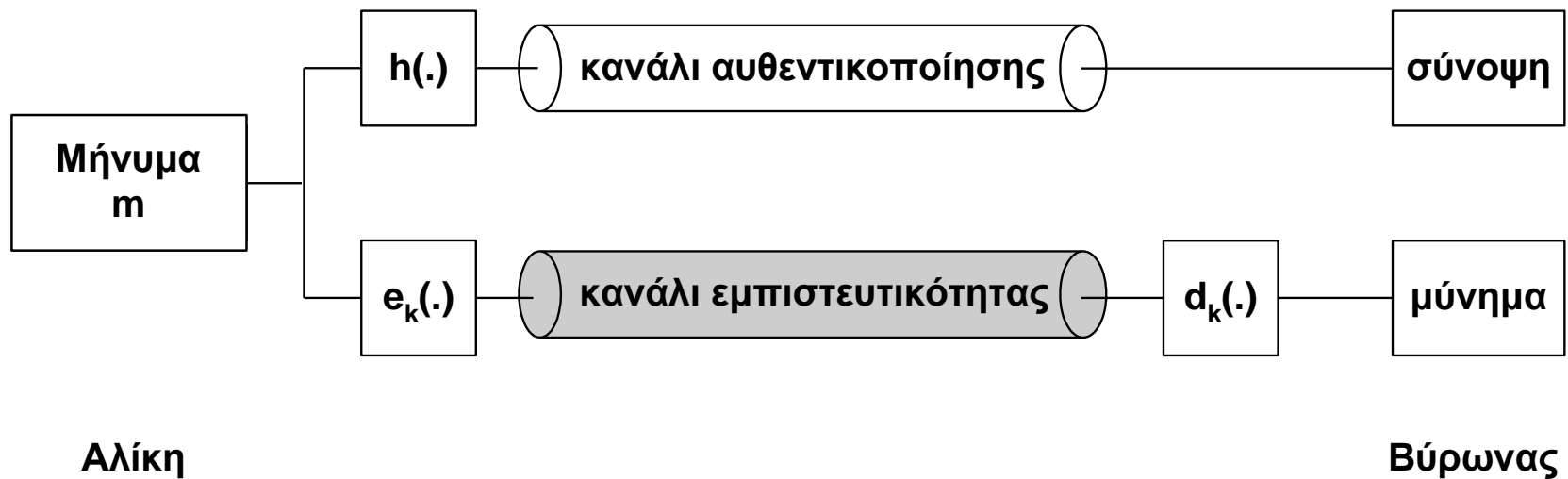
- Δοθέντων  $x$ ,  $h(x)$  είναι υπολογιστικά αδύνατο να βρεθεί  $x'$  τέτοιο ώστε να ισχύει  $h_k(x)=h_k(x')$ .





# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ και ΕΜΠΙΣΤΕΥΤΙΚΟΤΗΤΑ

- Για να πετύχουμε αυθεντικοποίηση και εμπιστευτικότητα χρειαζόμαστε δύο συστατικά: Μια μονόδρομη hash που δημιουργεί ένα κανάλι αυθεντικοποίησης και έναν αλγόριθμο κρυπτογραφίας που δημιουργεί ένα κανάλι εμπιστευτικότητας





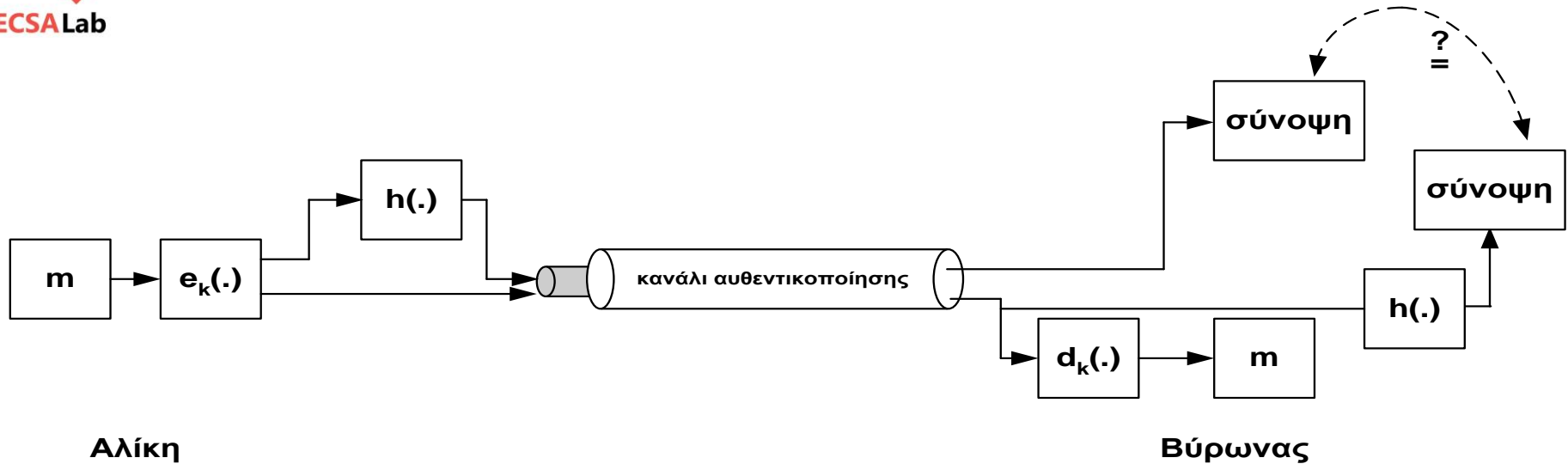
# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ ΑΠΛΟΥ ΚΕΙΜΕΝΟΥ



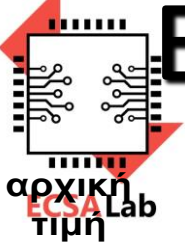
- Η αυθεντικοποίηση πραγματοποιείται στο απλό κείμενο
- Η σύνοψη και το απλό κείμενο κρυπτογραφούνται
- Το κανάλι εμπιστευτικότητας περικλείει το κανάλι αυθεντικοποίησης
  - Πρέπει να αποκρυπτογραφηθούν το μήνυμα και η σύνοψη
  - Ακολουθεί ο έλεγχος αυθεντικοποίησης

# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ ΚΡΥΠΤΟΚΕΙΜΕΝΟΥ

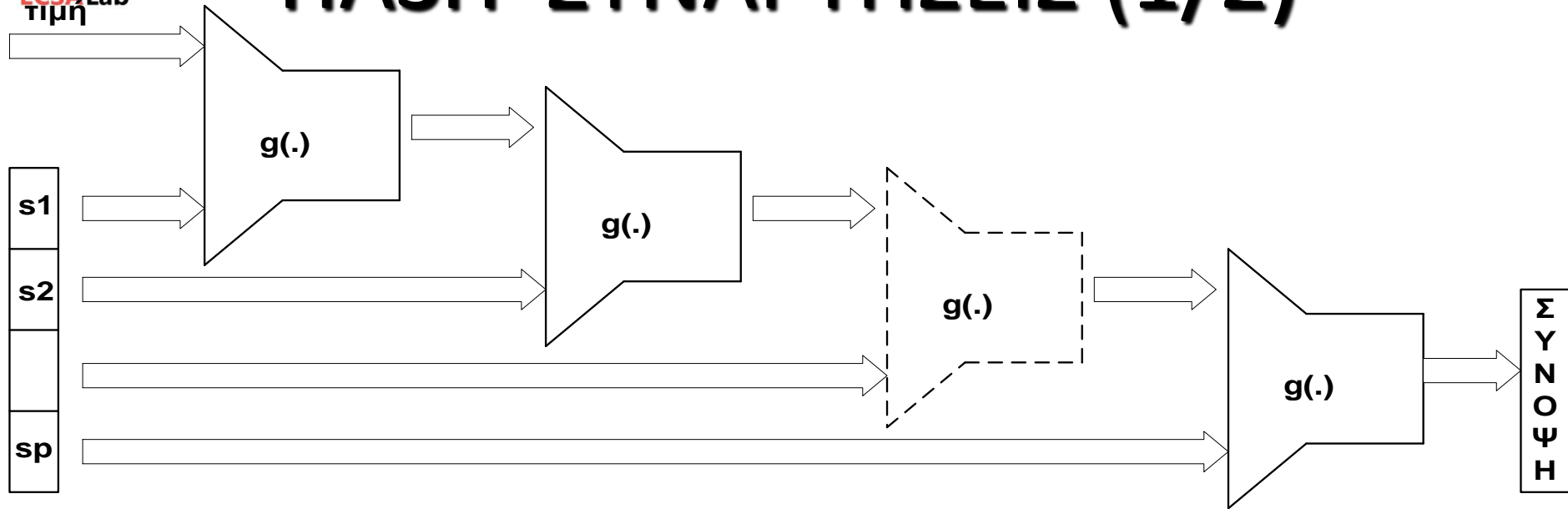
ECSA Lab



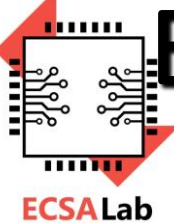
- Η διάταξη αυτή παράγει την σύνοψη του κρυπτοκειμένου
- Η εμπιστευτικότητα προσφέρεται μόνο στο μήνυμα
- Το κανάλι εμπιστευτικότητας βρίσκεται μέσα στο κανάλι αυθεντικοποίησης
  - Ο έλεγχος αυθεντικοποίησης πραγματοποιείται στο λαμβανόμενο κρυπτοκείμενο
  - Σε περίπτωση επιτυχίας ακολουθεί αποκρυπτογράφηση



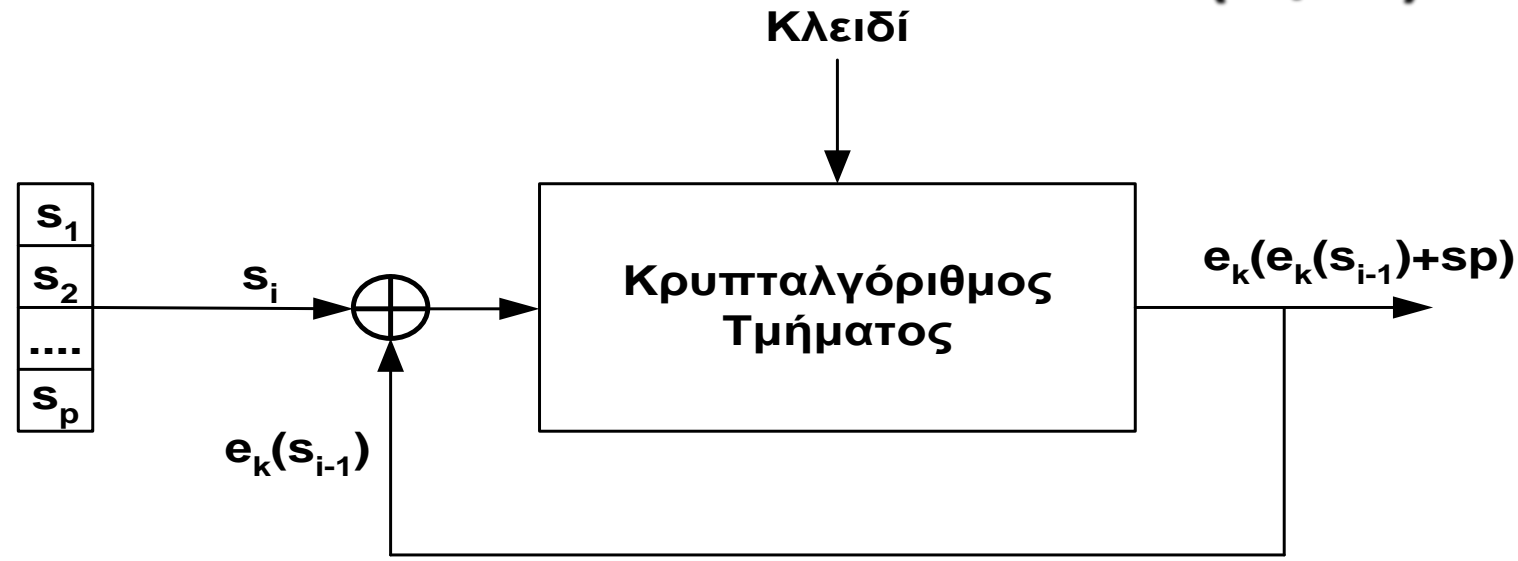
# ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΕΣ ΜΟΝΟΔΡΟΜΕΣ HASH ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ (1/2)



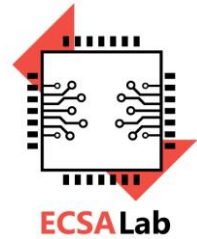
- Βασίζονται στην επαναληπτική εφαρμογή μιας συνάρτησης  $g$
- $g$ : Συνάρτηση συμπίεσης
- Αν η συνάρτηση  $g$  είναι ανθεκτική σε συγκρούσεις τότε η επαναληπτική μονόδρομη συνάρτηση θα είναι επίσης ανθεκτική σε συγκρούσεις



# ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΕΣ ΜΟΝΟΔΡΟΜΕΣ HASH ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ (2/2)

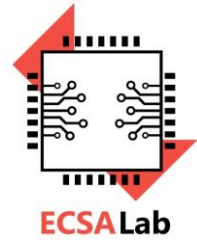


- Χρησιμοποιείται αλγόριθμος τμήματος με είσοδο και έξοδο n-bit
- Το ενδιάμεσο αποτέλεσμα προστίθεται στο επόμενο τμήμα του μηνύματος



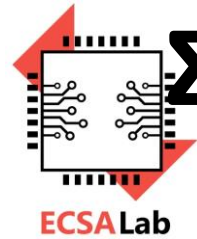
# ΜΕΓΕΘΟΣ ΣΥΝΟΨΗΣ

- Η επιλογή ενός επαρκούς μεγέθους της σύνοψης για να αποτρέψει τις συγκρούσεις είναι ένα σημαντικό βήμα στον καθορισμό μιας συνάρτησης hash
- 256-bit είναι η αποδεκτή τιμή για την αποφυγή συγκρούσεων



# ΠΑΡΑΜΕΤΡΟΙ HASH FUNCTIONS: SHA-1, MD5, WHIRLPOOL

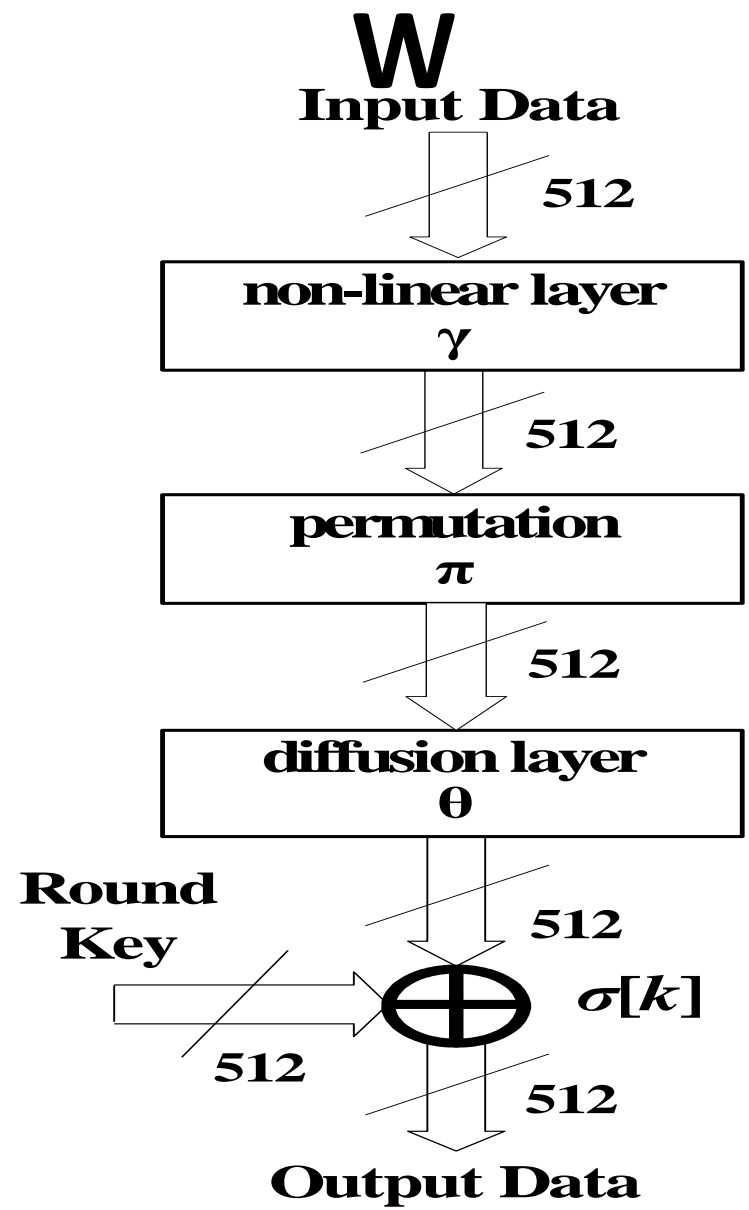
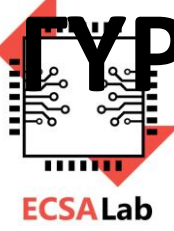
	SHA-1	MD5	Whirlpool
Digest Length	160-bit	128-bit	512-bit
Basic Unit of Processing	512-bit	512-bit	512-bit
Number of Steps	80 (4 × 20)	64 (4 × 16)	10
Maximum Message Size	$2^{64}-1$ bits	+∞	+∞



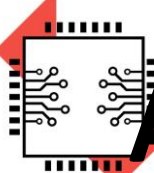
# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΚΑΤΑΚΕΡΜΑΤΙΣΜΟΥ WHIRLPOOL

- Είναι μέρος του προτύπου ISO/IEC 10118-3 των συναρτήσεων κατακερματισμού
- Είναι μονόδρομη με μέγεθος επεξεργασίας δεδομένων 512-bit
- Αποτελείται από τον αλγόριθμο τμήματος  $W$  των 512-bit, με κλειδί 512-bit
- Ο  $W$  εκτελείται για 10 γύρους

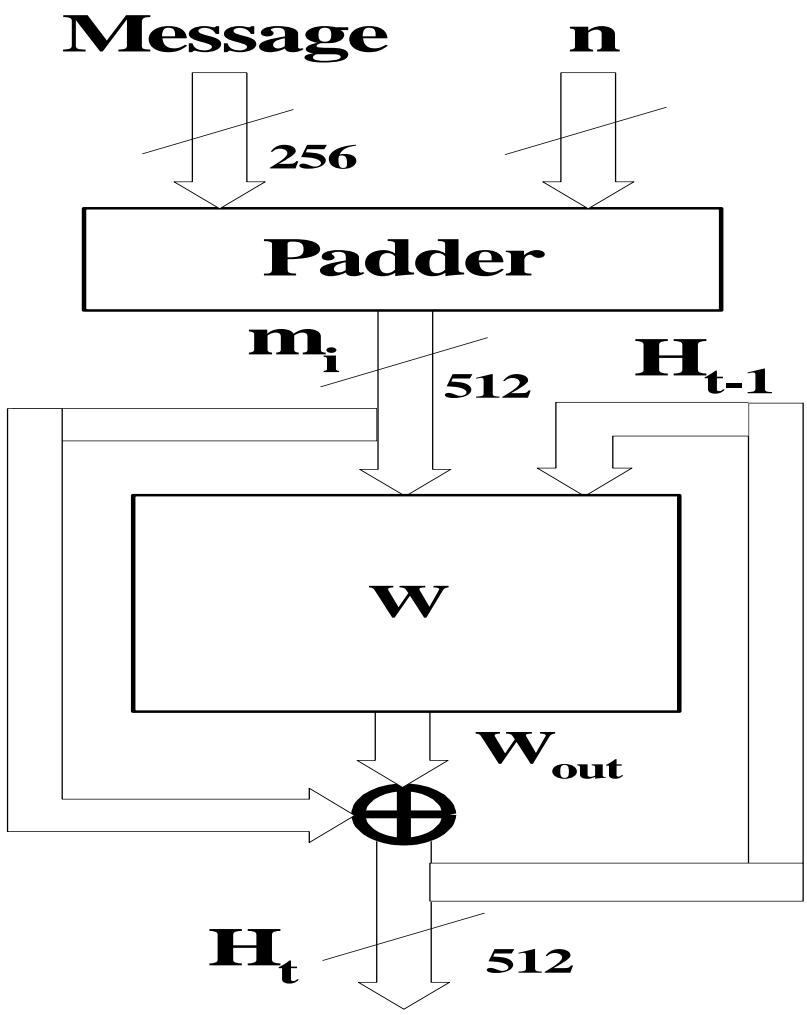
# ΓΥΡΟΣ ΤΟΥ ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΥ ΤΜΗΜΑΤΟΣ





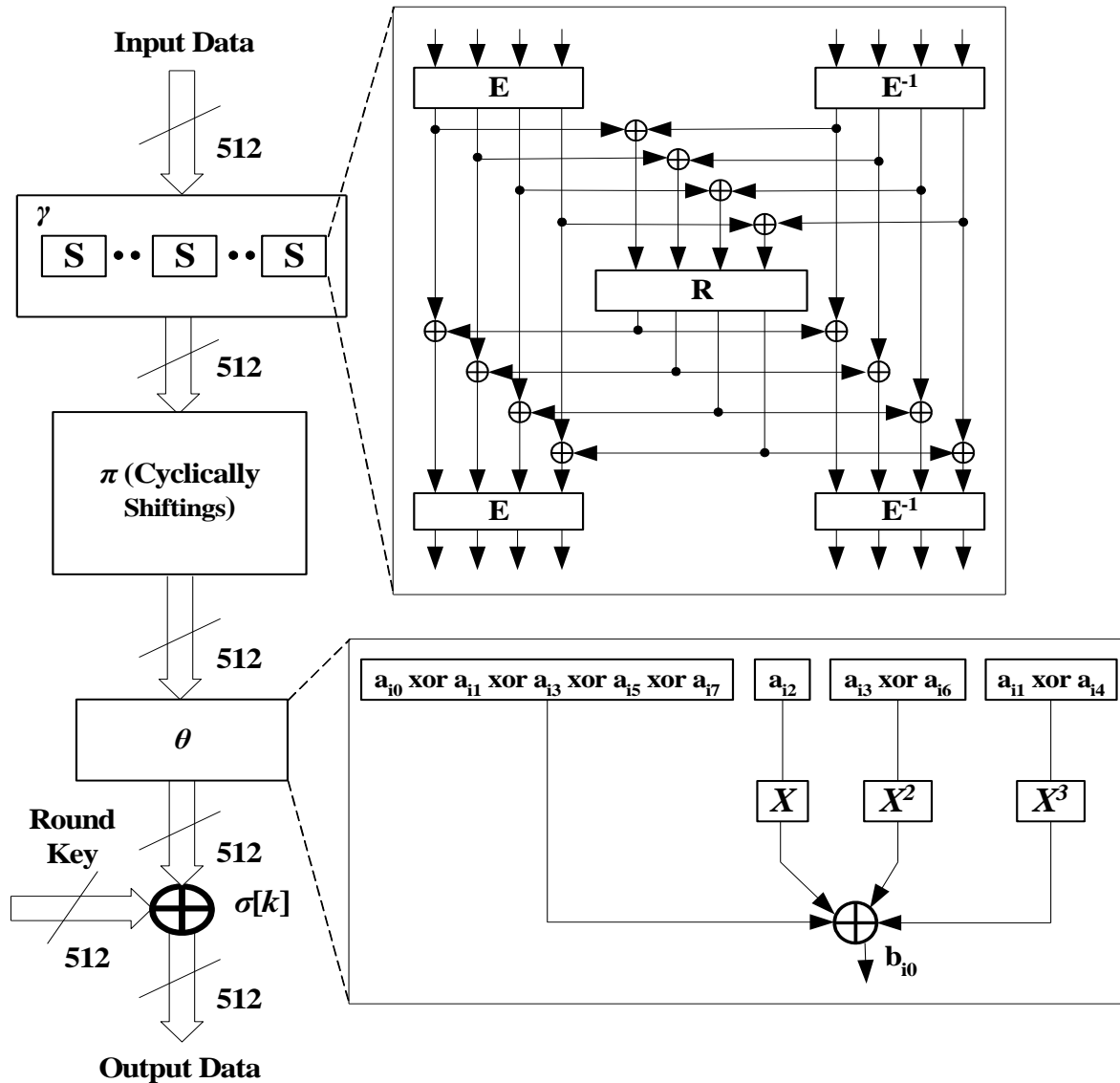


# ΑΡΧΙΤΕΚΤΟΝΙΚΗ ΤΗΣ WHIRLPOOL

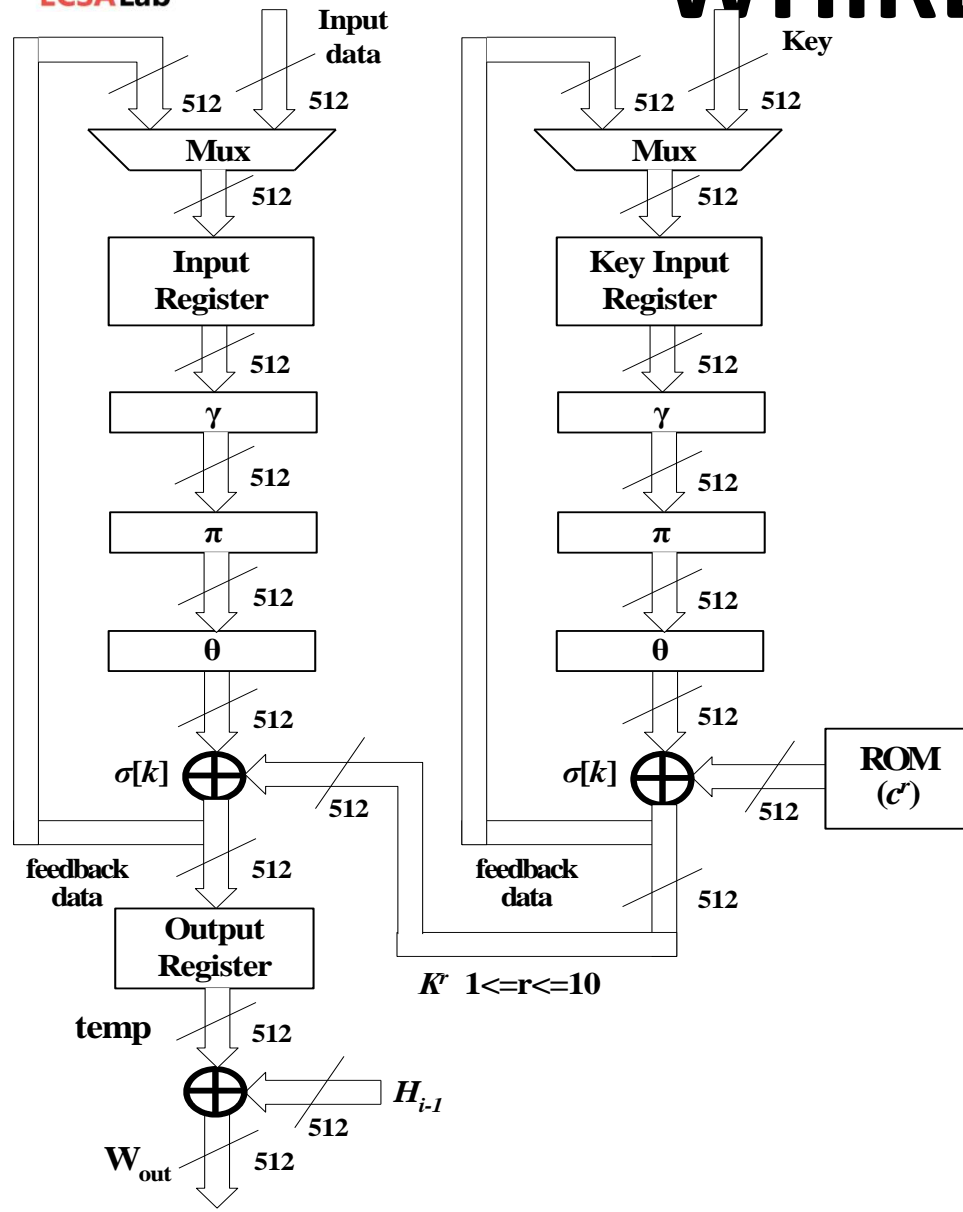
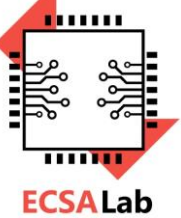


- Ο Padder δημιουργεί ένα μήνυμα μήκους πολλαπλάσιου του 512-bit
- Η είσοδος  $n$ , ορίζει το μήκος του μηνύματός

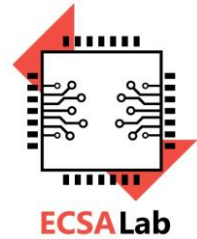
# Ο ΓΥΡΟΣ ΤΟΥ W



# ΣΥΝΟΛΙΚΗ ΥΛΟΠΟΙΗΣΗ ΤΗΣ WHIRLPOOL



- Αποτελείται από δύο παράλληλους κλάδους επεξεργασίας δεδομένων
- Η είσοδος δεδομένων,  $m_i$ , εφαρμόζεται ταυτόχρονα με το IV στην είσοδο κλειδιού

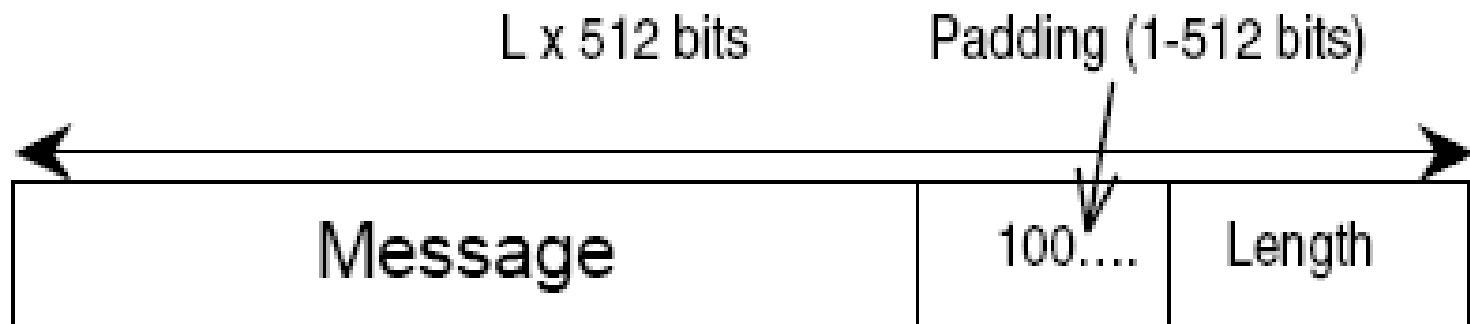


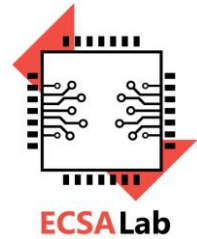
# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (1/6)

- Είσοδος: ένα μήνυμα αυθαίρετου μήκους
- Έξοδος: σύνοψη μήκους 128-bit
- Η επεξεργασία γίνεται σε τμήματα των 512-bit
- Κάθε τμήμα συμμετέχει σε τέσσερις γύρους της συνάρτησης συμπίεσης

# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (2/6)

- Στο μήνυμα προστίθενται τόσα bits ώστε το μέγεθός του να είναι ίσο με  $448 \bmod 512$ 
  - Δηλαδή να είναι πολλαπλάσιο του 512
  - Το προστιθέμενο κομμάτι αποτελείται από μια μονάδα και τον απαιτούμενο αριθμό μηδενικών
- Τα τελευταία 64-bit χρησιμοποιούνται για να αποθηκευτεί ο αριθμός που εκφράζει το συνολικό μήκος του μηνύματος

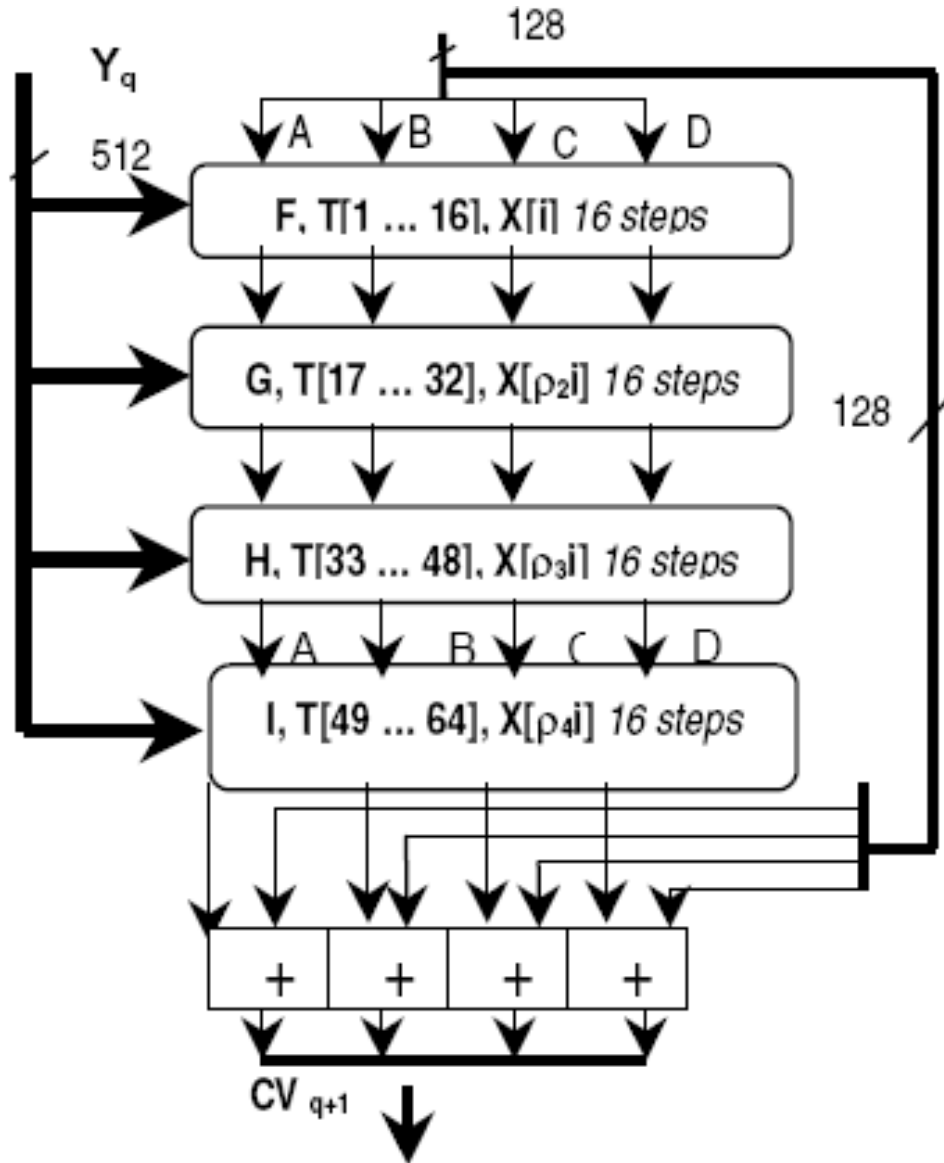


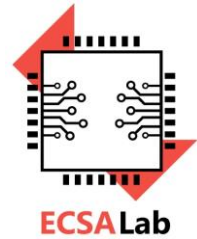


# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (3/6)

- Οι ενδιαμέσες τιμές καθώς και το αποτέλεσμα της σύνοψης αποθηκεύονται σε 4 καταχωρητές, που αρχικά έχουν τις παρακάτω τιμές:
- $A=(67452301)_{16}$
- $B=(EFC DAB89)_{16}$
- $C=(98BADC FE)_{16}$
- $D=(19325476)_{16}$
- Η συνάρτηση συμπίεσης αποτελείται από 4 γύρους και κάθε γύρος εκτελεί πράξεις για 16 φορές
- Κάθε πράξη εκτελεί μία μη γραμμική συνάρτηση μεταξύ των τριών από τα A, B, C, D και προσθέτει το αποτέλεσμα στην τέταρτη μεταβλητή

# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (4/6)



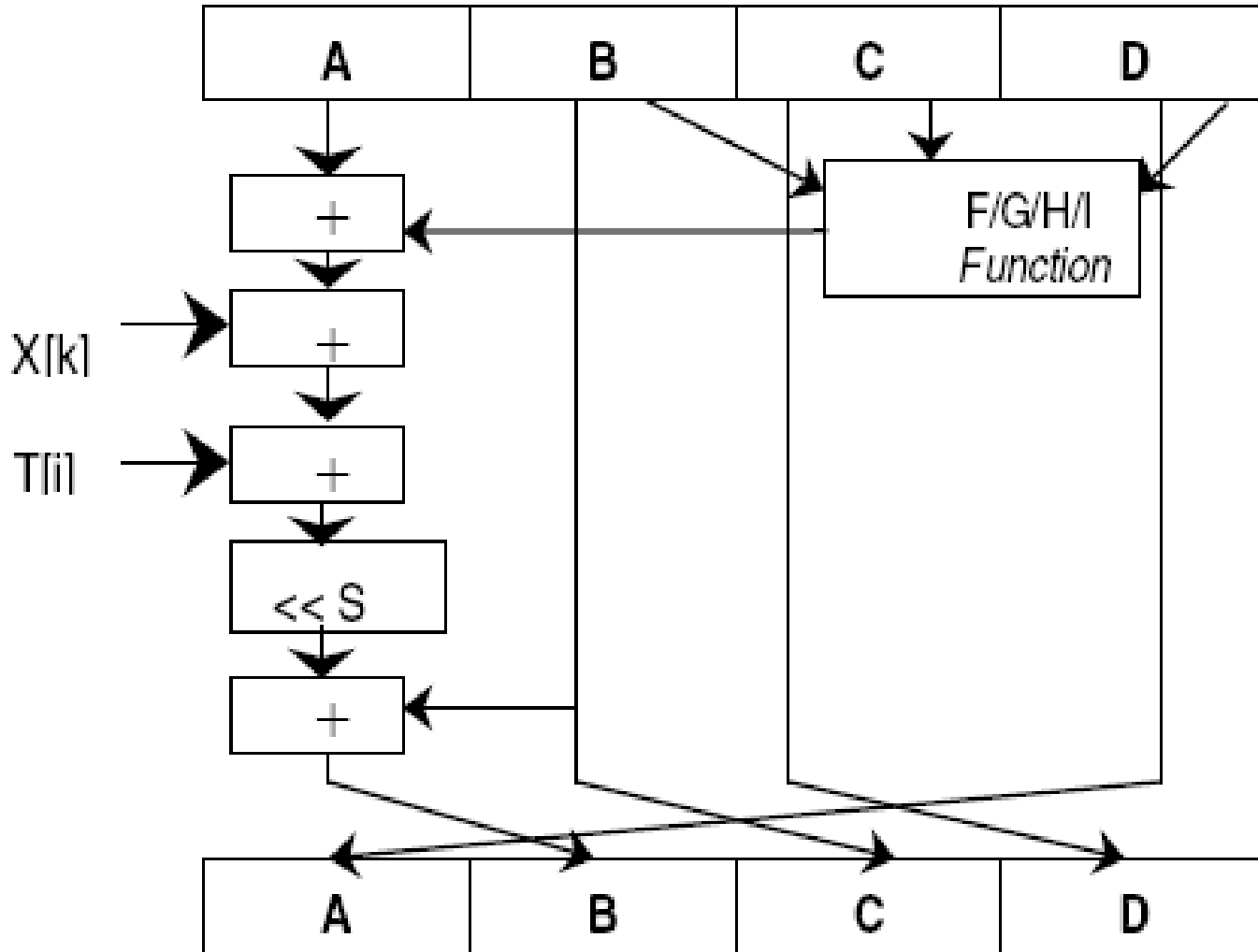


# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (5/6)

- Στο τέλος των τεσσάρων γύρων στις τελικές τιμές προστίθενται οι αρχικές τιμές των μεταβλητών A, B, C και D
- Χρησιμοποιεί 4 βοηθητικές συναρτήσεις όπου κάθε μια παίρνει σαν είσοδο τρεις λέξεις των 32-bit και επιστρέφει μία λέξη των 32-bit
- $F(X,Y,Z)=XY \vee \text{not}(X)Z$
- $G(X,Y,Z)=XZ \vee Y \text{ not}(Z)$
- $H(X,Y,Z)=X \oplus Y \oplus Z$
- $I(X,Y,Z)=Y \oplus (X \vee \text{not}(Z))$
- Επίσης χρησιμοποιεί ένα πίνακα 64άρων στοιχείων T

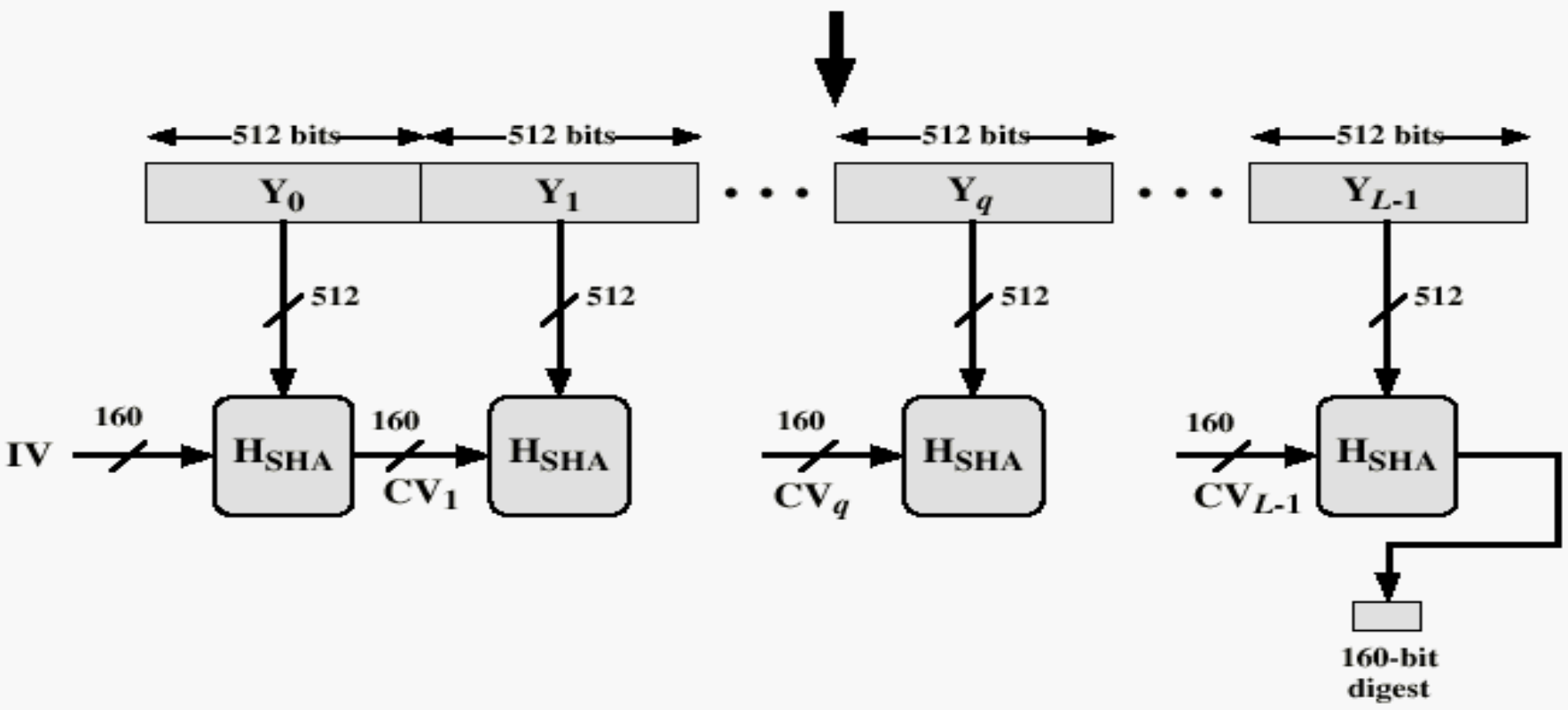
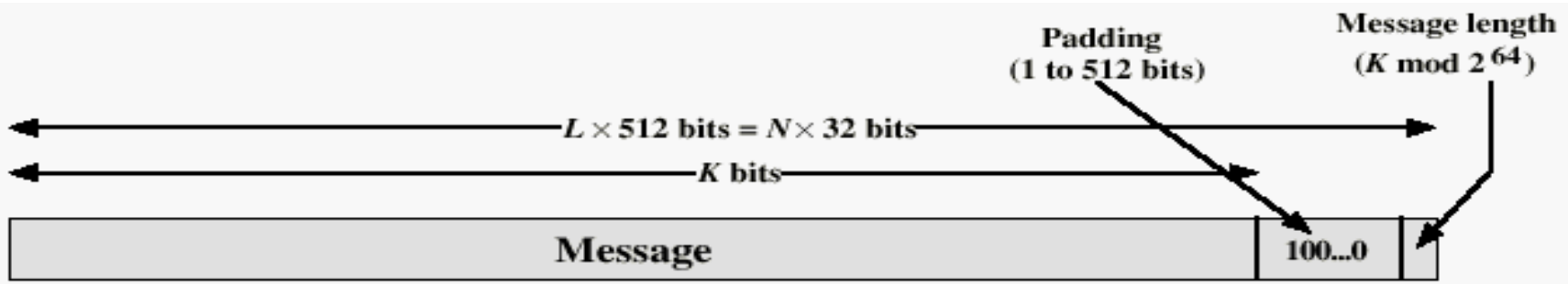


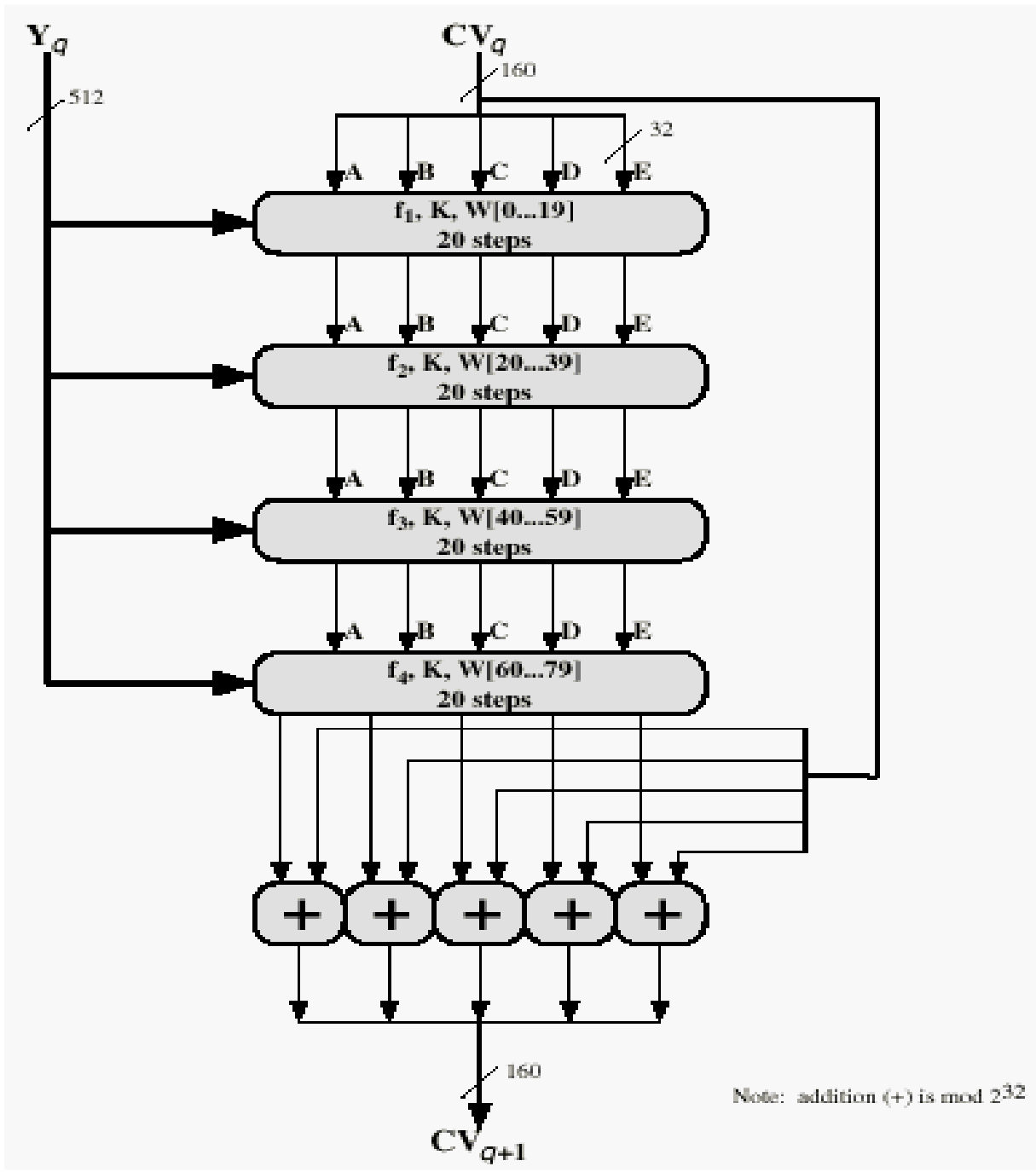
# MD5 ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ (6/6)





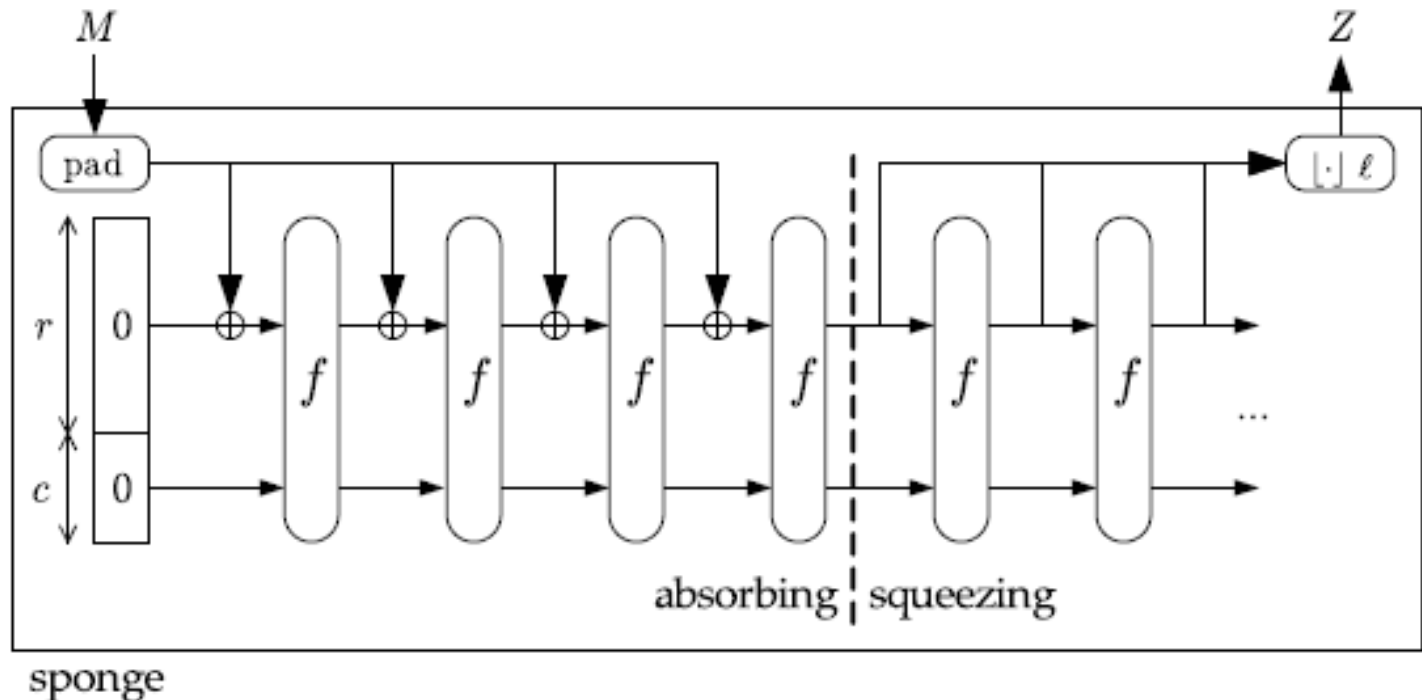
# SHA-1: ΔΗΜΙΟΥΡΓΙΑ MESSAGE DIGEST





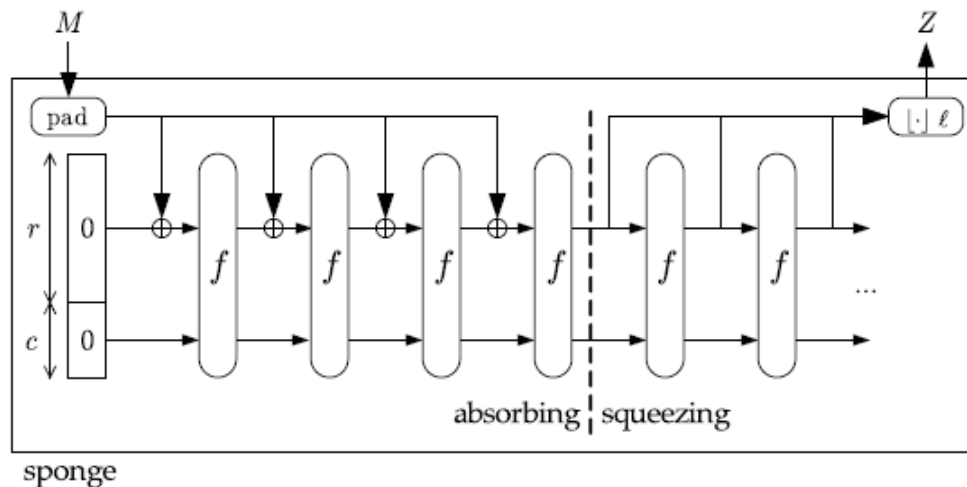
# KECCAK HASH FUNCTION (1/8)

- Η Keccak χρησιμοποιεί ένα οικοδόμημα «σπόγγου – sponge» κατά το οποίο τα δεδομένα εισόδου «απορροφώνται – absorbed» από τον σπόγγο
- Και τα δεδομένα εξόδου συμπιέζονται «στύβονται – squeezed» από τον σπόγγο

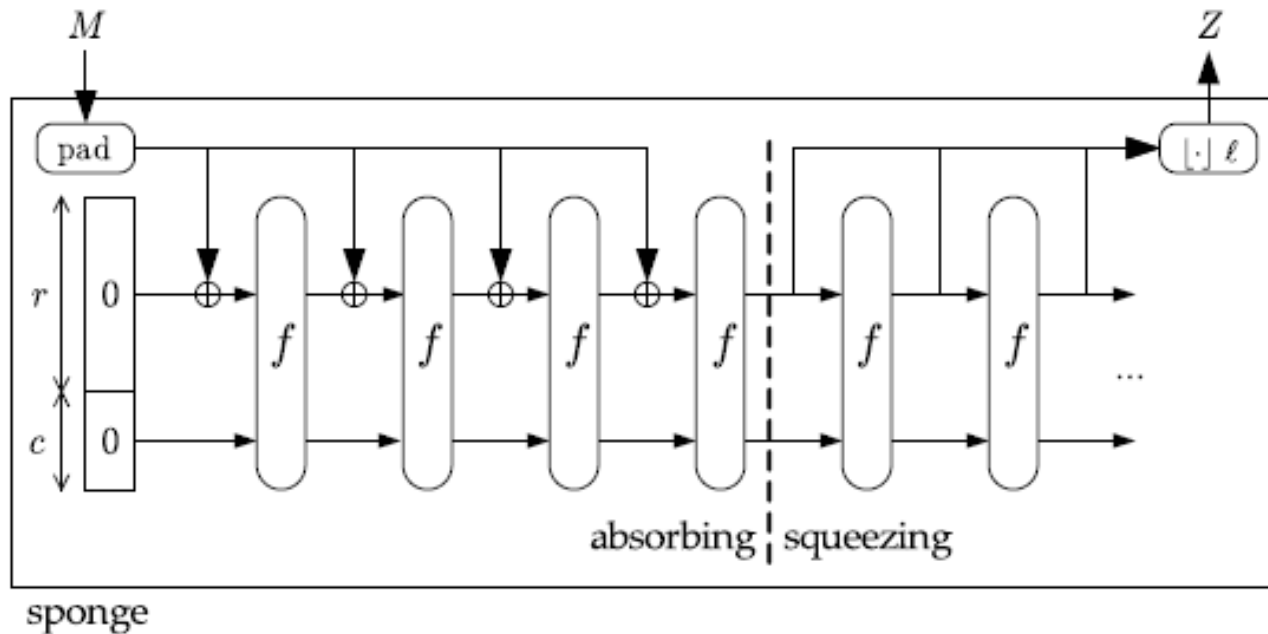


# KECCAK HASH FUNCTION (2/8)

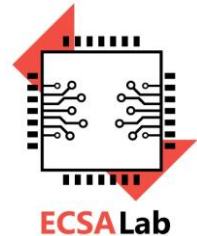
- Κατά τη φάση «απορρόφησης», μέρος της εισόδου (state) των δεδομένων εκτελεί XOR με ένα διάνυσμα αρχικοποίησης, το οποίο μετά μετασχηματίζεται στο σύνολό της χρησιμοποιώντας μια συνάρτηση  $f$
- Κατά τη φάση «συμπίεσης», τα μπλοκ εξόδου διαβάζονται από διαδοχικές εξόδους της συνάρτησης  $f$  του ίδιου υποσύνολο της state



# KECCAK HASH FUNCTION (3/8)



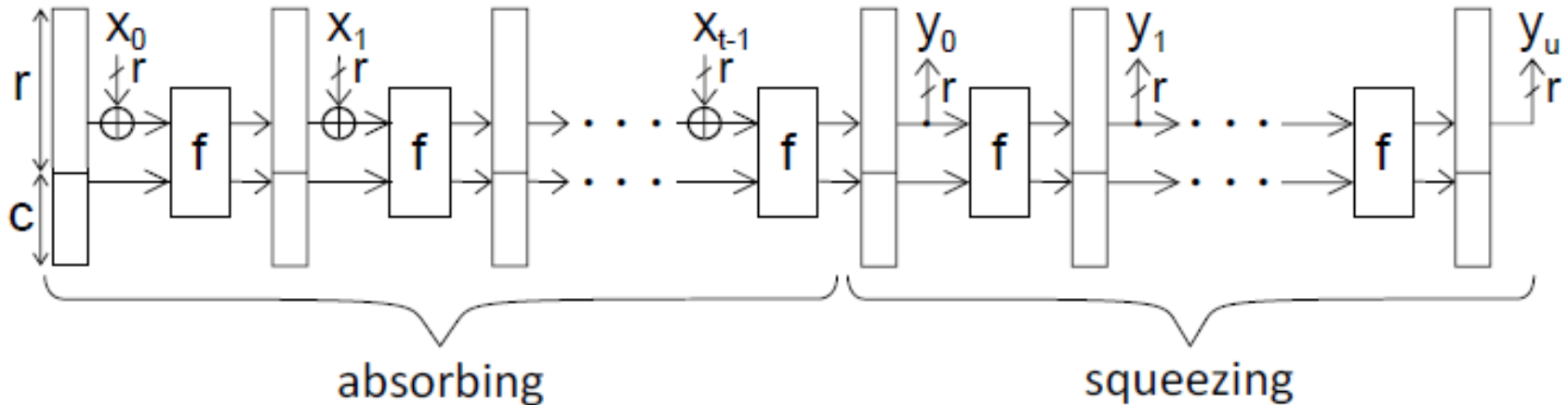
- $M$ : message (input)
- $c$ : capacity
- $r$ : rate
- $Z$ : digest (output)
- $l$  is the output length
- $f$ : permutation of  $b = r + c$  bits



# KECCAK HASH FUNCTION (4/8)

- Το μήκος του μέρους του state το οποίο χρησιμοποιείται για την ανάγνωση και τη καταγραφή καλείται «rate» και δηλώνεται ως  $r$ ,
- Το μήκος του μέρους του state το οποίο αποκολλάται στην είσοδο και την έξοδο καλείται «capacity» και δηλώνεται ως  $c$ 
  - Το μήκος του capacity καθορίζει το επίπεδο ασφάλειας της συνάρτησης

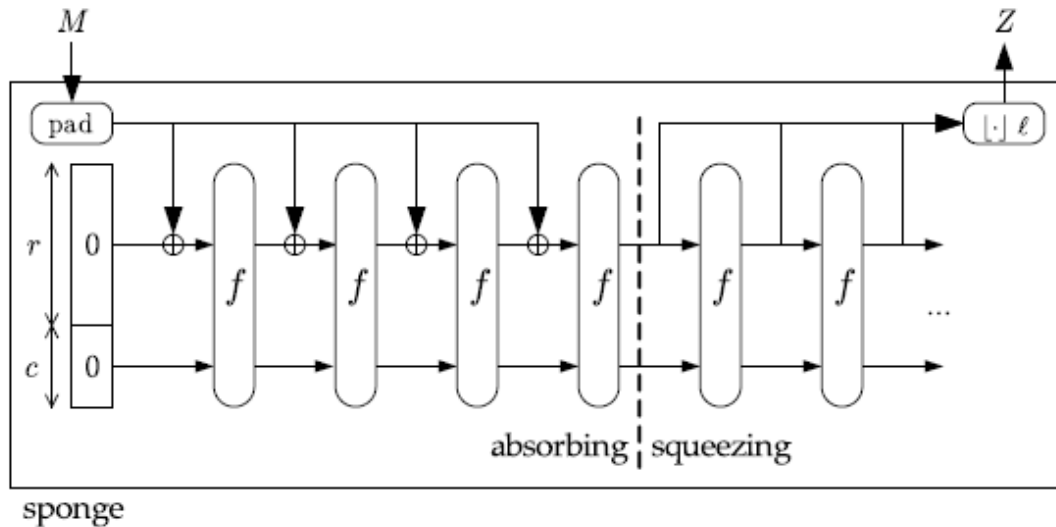
# KECCAK HASH FUNCTION (5/8)



- Στην είσοδο γίνεται padding έτσι ώστε να γίνει (η είσοδος) πολλαπλάσιο του  $r$ -bit ( $\text{pad}_{10^*1}(r, M)$ )
- Φάση απορρόφησης: Σε κάθε γύρο  $r$ -bit του μηνύματος υφίσταται XOR με  $r$ -bit της κατάστασης
- Όταν ολοκληρωθεί η επεξεργασία όλης της εισόδου περνάμε στη συμπίεση
- Στη φάση συμπίεσης, σε κάθε γύρο  $r$ -bit της κατάστασης εξέρχονται ως έξοδο ώστε να δημιουργηθεί ένα μήνυμα μήκους  $l$



# KECCAK HASH FUNCTION (6/8)



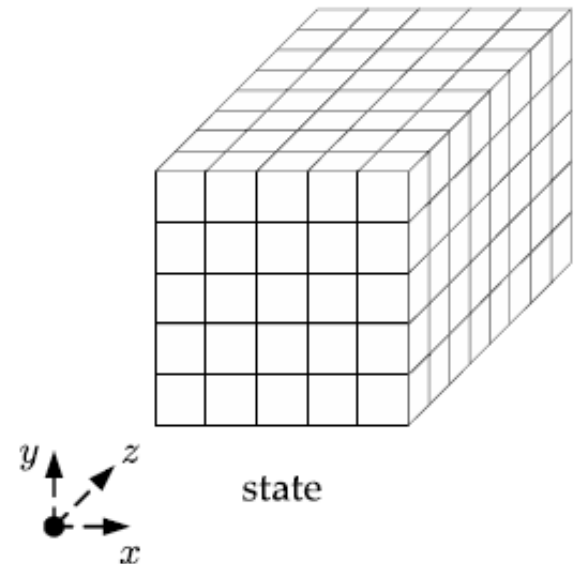
Name	$l$	$c$	$r$
SHA3-224	224	448	1152
SHA3-256	256	512	1088
SHA3-384	384	768	832
SHA3-512	512	1024	576

- Ισχύει ότι  $c + r = 1600$

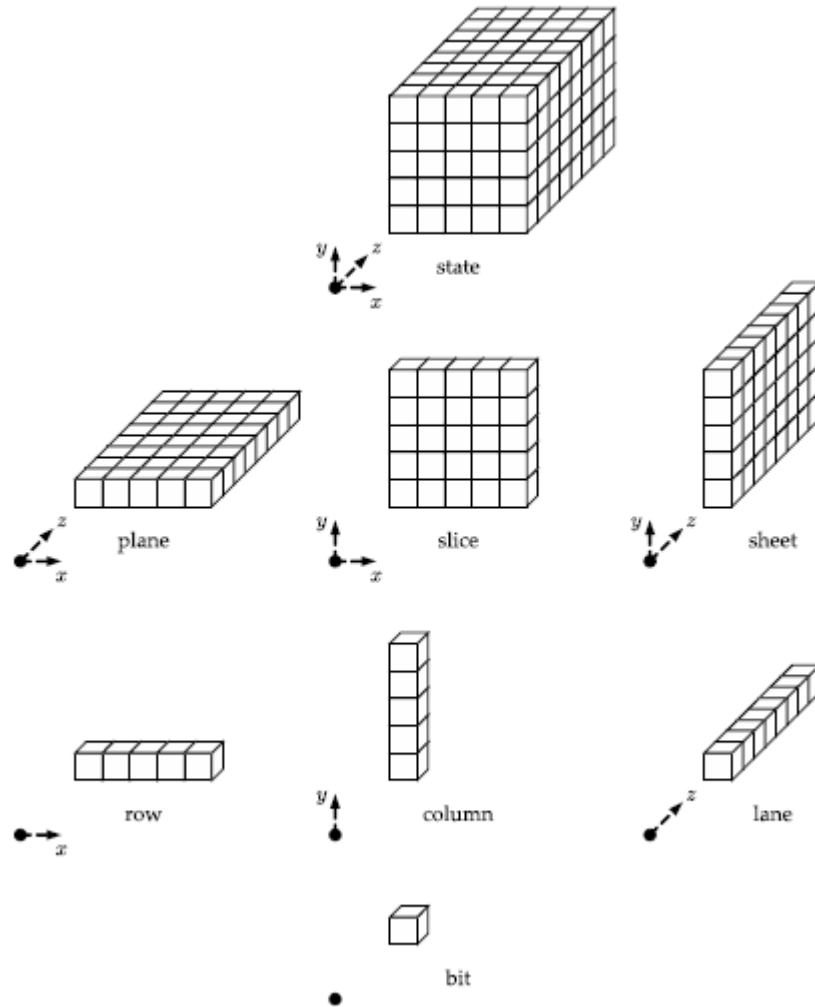
# KECCAK HASH FUNCTION (7/8)

## Περιγραφή **state**

- Περιγράφει τα 1600-bit εισόδου στην συνάρτηση  $f$
- Είναι ένας κύβος  $5 \times 5 \times 64$ -bit
- Κάθε θέση (τετράγωνο) είναι 1-bit
- $0 \leq x, y \leq 4, 0 \leq z \leq 63$
- Μπορεί να αναπαρασταθεί ως μια δομή από 25 ακεραίους

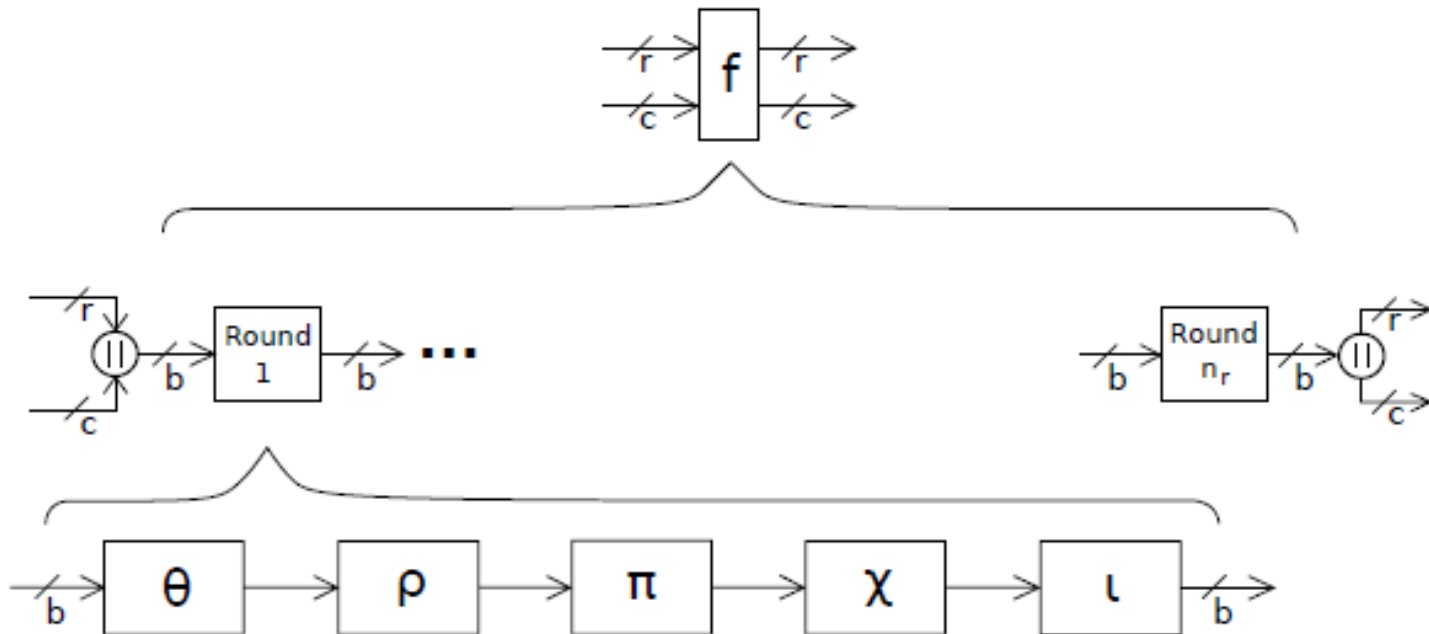


# KECCAK HASH FUNCTION (8/8)



# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΓΥΡΟΥ (f)

- Η συνάρτηση f αποτελείται από 24 rounds (γύρους)
- 1 γύρος: Δεδομένου ενός state A και τον δείκτη του round ir,  $Rnd(A,ir) = \iota_{ir} \circ \chi \circ \pi \circ \rho \circ \Theta(A)$



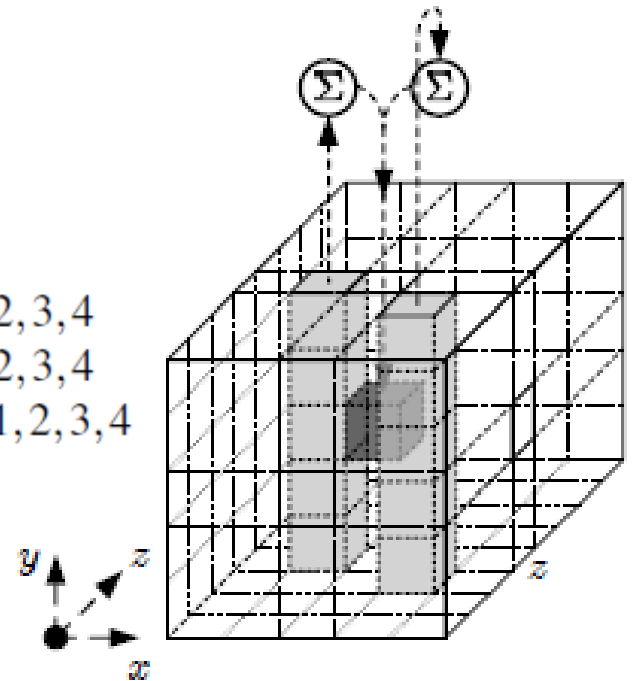
# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΤΗΙΤΑ (Θ)

- Άθροισμα όλων των στηλών
- Αθροίζει το άθροισμα δύο στηλών  
( $x - 1; z$ ) ( $x + 1; z - 1$ ) σε  
τιμή ενός bit ( $x; y; z$ )

$$C[x] = A[x,0] \oplus A[x,1] \oplus A[x,2] \oplus A[x,3] \oplus A[x,4], \quad x = 0, 1, 2, 3, 4$$

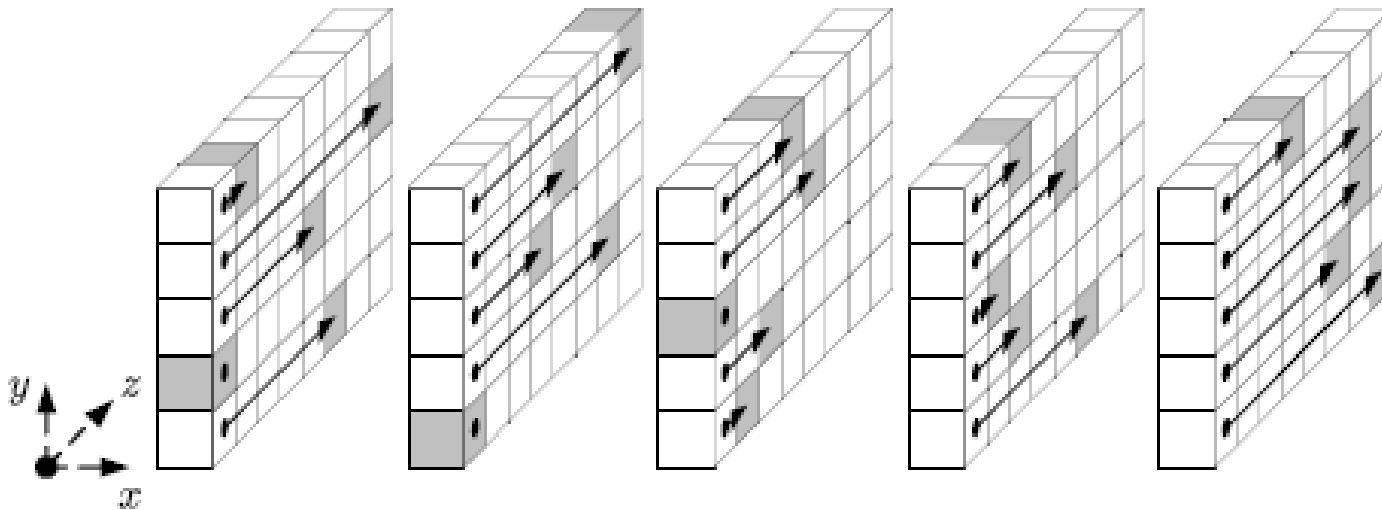
$$D[x] = C[x-1] \oplus \text{rot}(C[x+1], 1), \quad x = 0, 1, 2, 3, 4$$

$$A[x,y] = A[x,y] \oplus D[x], \quad x, y = 0, 1, 2, 3, 4$$



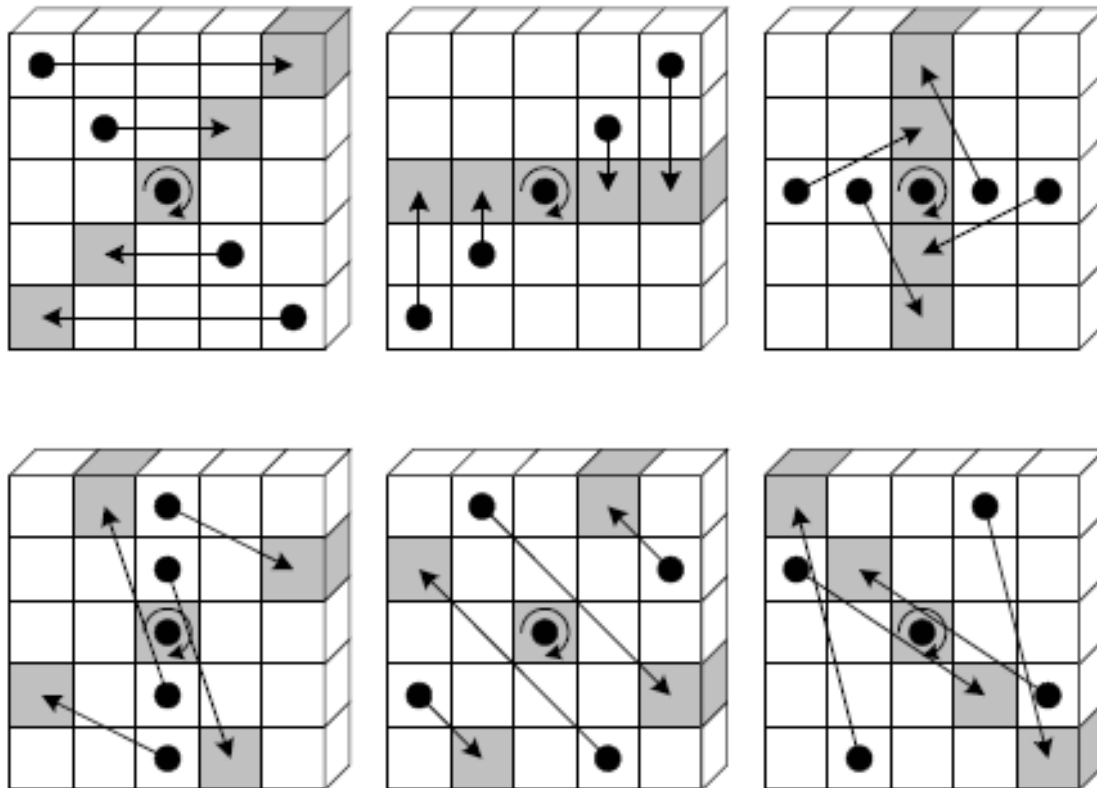
# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ RHO ( $\rho$ )

- Ολισθαίνει κυκλικά κάθε γραμμή κατά κάποιες θέσεις (25 γραμμές)



# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΡΙ (π)

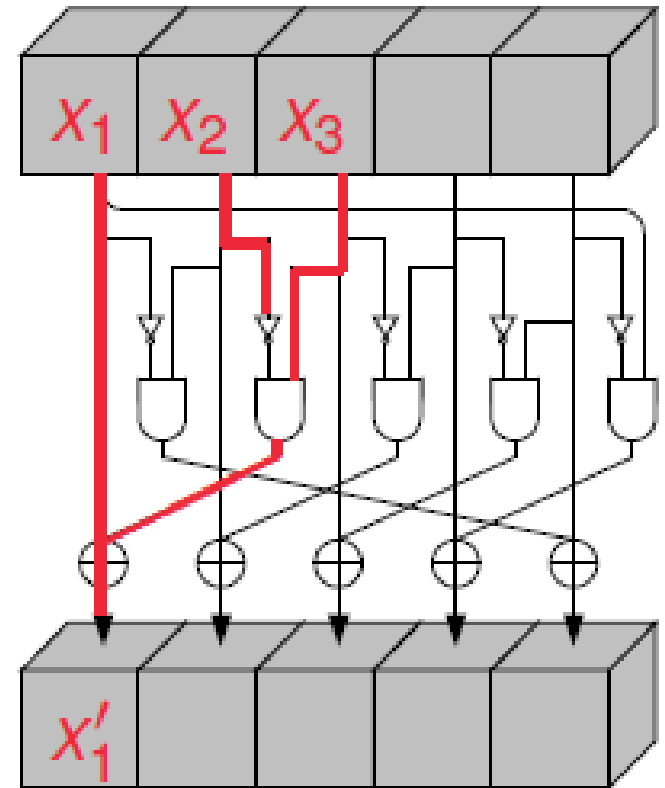
- Αναδιατάσσει τις θέσεις των γραμμών



1. For all triples  $(x, y, z)$  such that  $0 \leq x < 5$ ,  $0 \leq y < 5$ , and  $0 \leq z < w$ , let  $A'[x, y, z] = A[(x + 3y) \bmod 5, x, z]$ .
2. Return  $A'$ .

# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ CHI (χ)

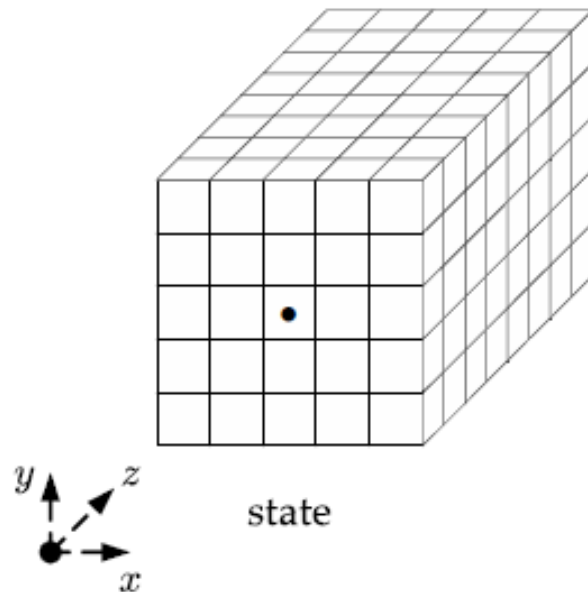
- Εκτελεί XOR ενός bit με μια μη-γραμμική συνάρτηση μεταξύ δύο άλλων bits στην ίδια γραμμή
- Για παράδειγμα,  $x_1' \leftarrow x_1 + x_2'x_3$
- Συμπεριφέρεται ως ένα Sbox των 5-bit





# ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΙΟΤΑ (ι)

- Τροποποιεί κάποια από τα bits της γραμμής (0, 0) έτσι ώστε να εξαρτάται από τον δείκτη του γύρου  $ir$
- Εάν οι γραμμές αναπαρίστανται ως ένας ακέραιος των 64-bit, ουσιαστικά είναι η XOR με μια σταθερά γύρου



# ΣΤΑΘΕΡΕΣ ΓΥΡΟΥ

RC[ 0] = 0x0000000000000001  
RC[ 1] = 0x0000000000008082  
RC[ 2] = 0x800000000000808A  
RC[ 3] = 0x8000000080008000  
RC[ 4] = 0x000000000000808B  
RC[ 5] = 0x0000000080000001  
RC[ 6] = 0x8000000080008081  
RC[ 7] = 0x8000000000008009  
RC[ 8] = 0x000000000000008A  
RC[ 9] = 0x0000000000000088  
RC[10] = 0x0000000080008009  
RC[11] = 0x000000008000000A

RC[12] = 0x000000008000808B  
RC[13] = 0x800000000000008B  
RC[14] = 0x8000000000008089  
RC[15] = 0x8000000000008003  
RC[16] = 0x8000000000008002  
RC[17] = 0x8000000000000080  
RC[18] = 0x000000000000800A  
RC[19] = 0x800000008000000A  
RC[20] = 0x8000000080008081  
RC[21] = 0x8000000000008080  
RC[22] = 0x0000000080000001  
RC[23] = 0x8000000080008008

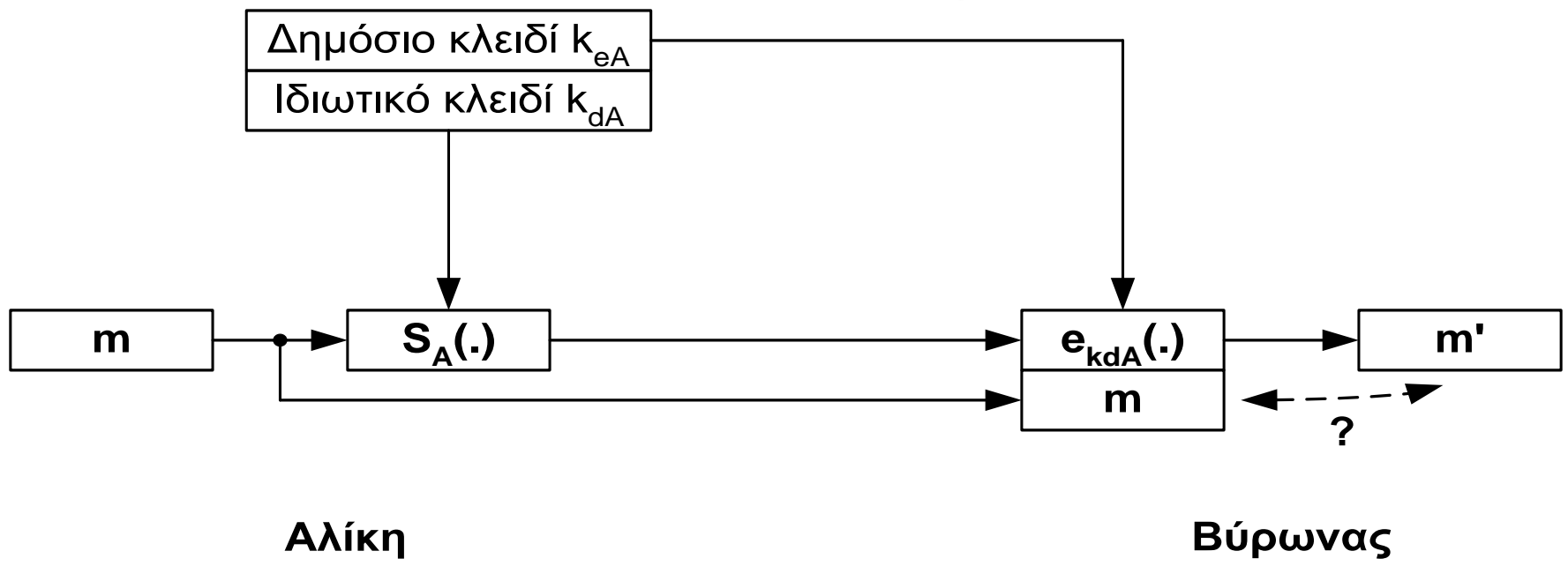


# ΧΡΗΣΕΙΣ ΤΗΣ ΨΗΦΙΑΚΗΣ ΥΠΟΓΡΑΦΗΣ

ECSALab

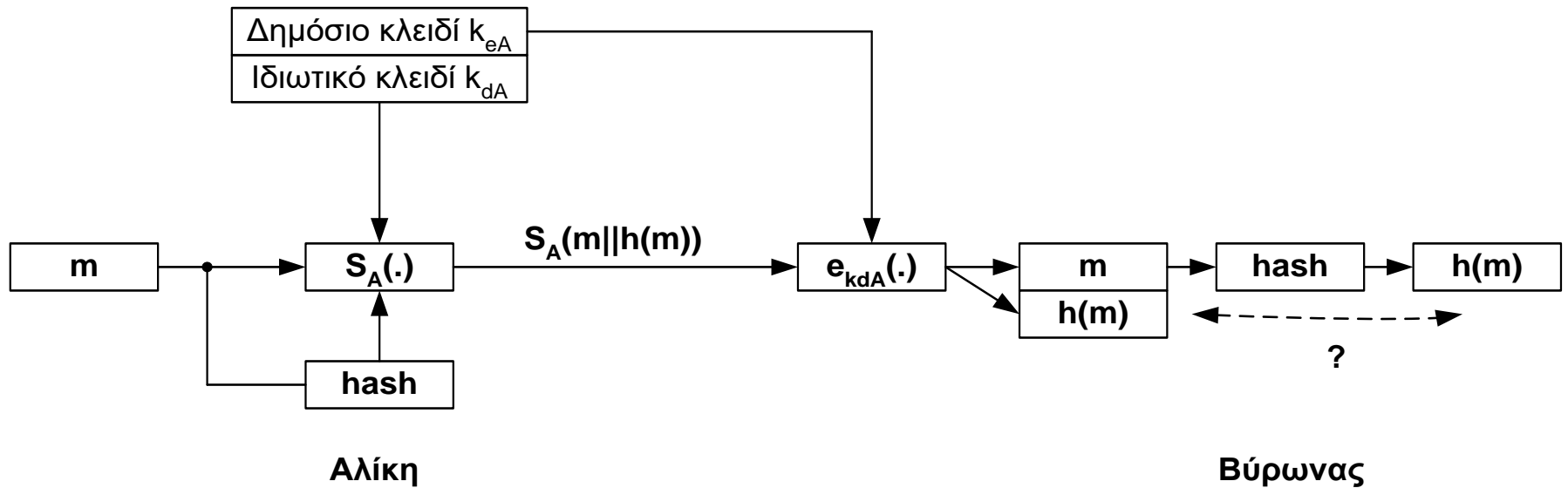
- Αυθεντικοποίηση της πηγής του μηνύματος
  - Προστατεύει τον αποστολέα ακόμα και σε περίπτωση που ο παραλήπτης τροποποιήσει το αρχικό μήνυμα του αποστολέα
- Μη απάρνηση πηγής
  - Σε περίπτωση που ο αποστολέας αρνηθεί ότι έστειλε το μήνυμα, ο παραλήπτης του μηνύματος θα πρέπει να είναι σε θέση να αποδείξει ότι το μήνυμα στάλθηκε από τον αποστολέα
- Μη απάρνηση προορισμού
  - Σε περίπτωση που ο παραλήπτης αρνηθεί ότι παρέλαβε το μήνυμα, θα πρέπει να υπάρχει δυνατότητα απόδειξης ότι το μήνυμα παραλήφθηκε από τον παραλήπτη

# ΨΗΦΙΑΚΕΣ ΥΠΟΓΡΑΦΕΣ ΑΣΥΜΜΕΤΡΗΣ ΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΙΑΣ

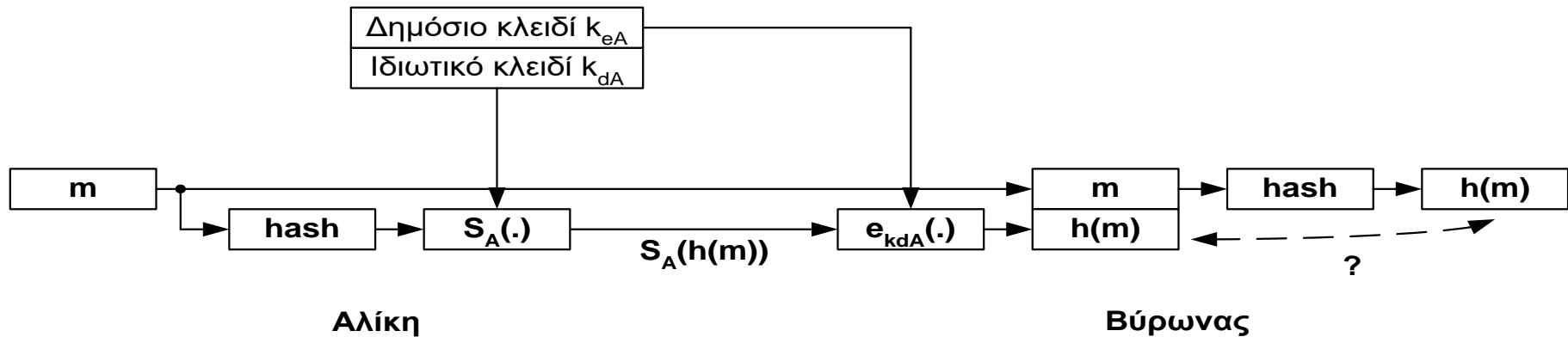


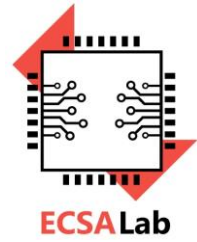
- Ο όγκος των μηνυμάτων που στέλνονται είναι διπλάσιος του μεγέθους του αρχικού μηνύματος

# ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΨΗΦΙΑΚΗΣ ΥΠΟΓΡΑΦΗΣ ΜΕ ΑΥΤΟΑΝΑΚΤΗΣΗ



# ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΨΗΦΙΑΚΗΣ ΥΠΟΓΡΑΦΗΣ ΜΕ ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ





# ΨΗΦΙΑΚΕΣ ΥΠΟΓΡΑΦΕΣ ΜΕ ΤΟ ΚΡΥΠΤΟΣΥΣΤΗΜΑ RSA

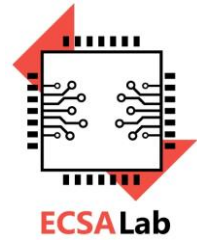
- Το σύστημα αυτό απαιτεί όλες οι οντότητες να έχουν στην κατοχή τους αντίστοιχα ζεύγη δημοσίου και ιδιωτικού κλειδιού.
- Έστω  $p$  και  $q$  δύο πρώτοι αριθμοί και  $n=pq$ . Το σύστημα ψηφιακών υπογραφών RSA ορίζεται με  $M=S=\mathbb{Z}_n$ , πράξη υπογραφής

$$S_A(m) = m^{k_{dA}} \bmod n$$

και πράξη επαλήθευσης

$$V_A(s) = s^{k_{eA}} \bmod n$$

όπου  $k_{eA}k_{dA} \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$  με  $k_{eA}$  το δημόσιο κλειδί και  $k_{dA}$  το ιδιωτικό κλειδί της οντότητας  $A$ .



# ΑΥΘΕΝΤΙΚΟΠΟΙΗΣΗ ΜΗΝΥΜΑΤΟΣ (MESSAGE AUTHENTICATION)

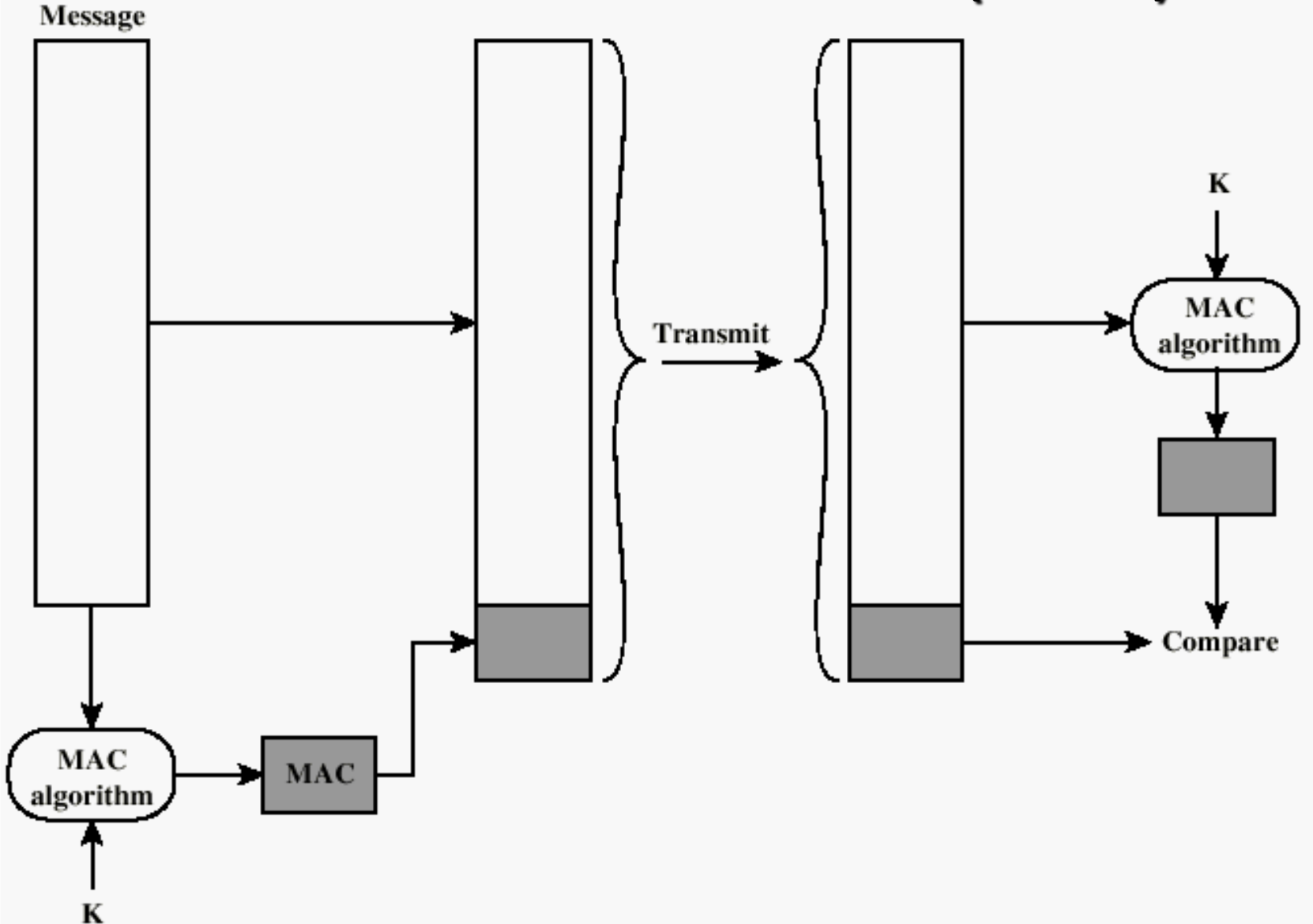
- Ένα σύστημα θα πρέπει να έχει τη δυνατότητα να πιστοποιεί ότι:
  1. Ένα μήνυμα έχει αποσταλεί από συγκεκριμένη πηγή ή αποστολέα
  2. Τα περιεχόμενα του μηνύματος δεν έχουν διαφοροποιηθεί
  3. Το δεδομένα έχουν αποσταλεί σε συγκεκριμένη χρονική περίοδο και με συγκεκριμένη διαδοχική σειρά
- Προστασία απέναντι σε «ενεργές» επιθέσεις:
  - αλλοίωση των δεδομένων ή των συναλλαγών



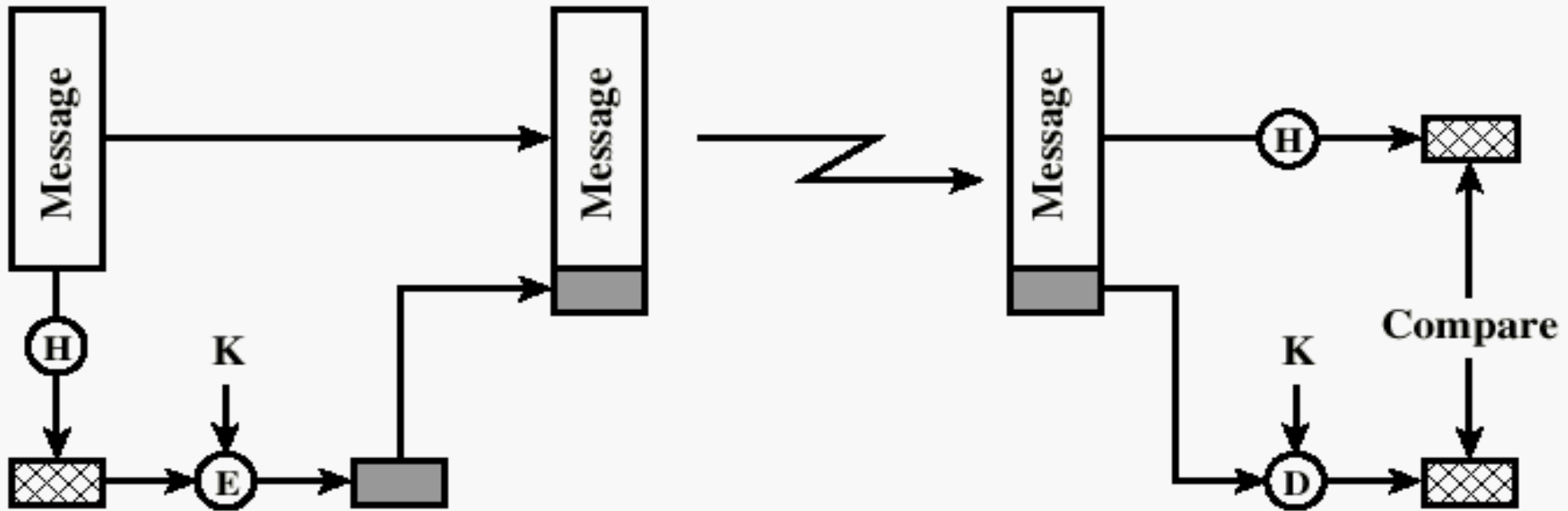
- **Authentication Using Conventional Encryption :**
  - Μόνο ο αποστολέας και ο παραλήπτης διαμοιράζονται ένα μυστικό κλειδί
- **Message Authentication without Message Encryption :**
  - Ένα στοιχείο πιστοποίησης (*authentication tag*) δημιουργείται και επισυνάπτεται σε κάθε μήνυμα
- **Message Authentication Code (MAC):**
  - Υπολογισμός ενός MAC ως συνάρτηση (*F*) του μηνύματος (*M*) και κάποιου κλειδιού (*K*)

$$MAC = \text{Function } F (\text{Key}, \text{Message})$$

# APXITEKTONIKH MESSAGE AUTHENTICATION CODE (MAC)

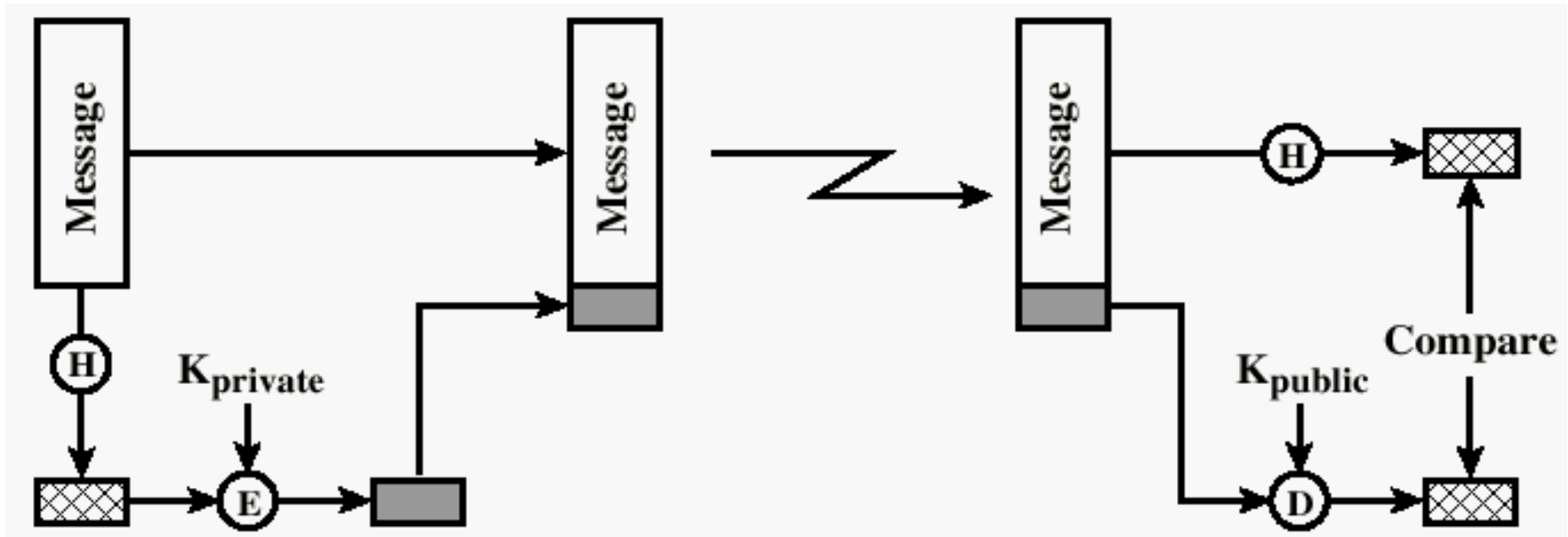
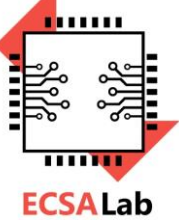


# MESSAGE AUTHENTICATION : ΣΥΜΜΕΤΡΙΚΗ ΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΗΣΗ



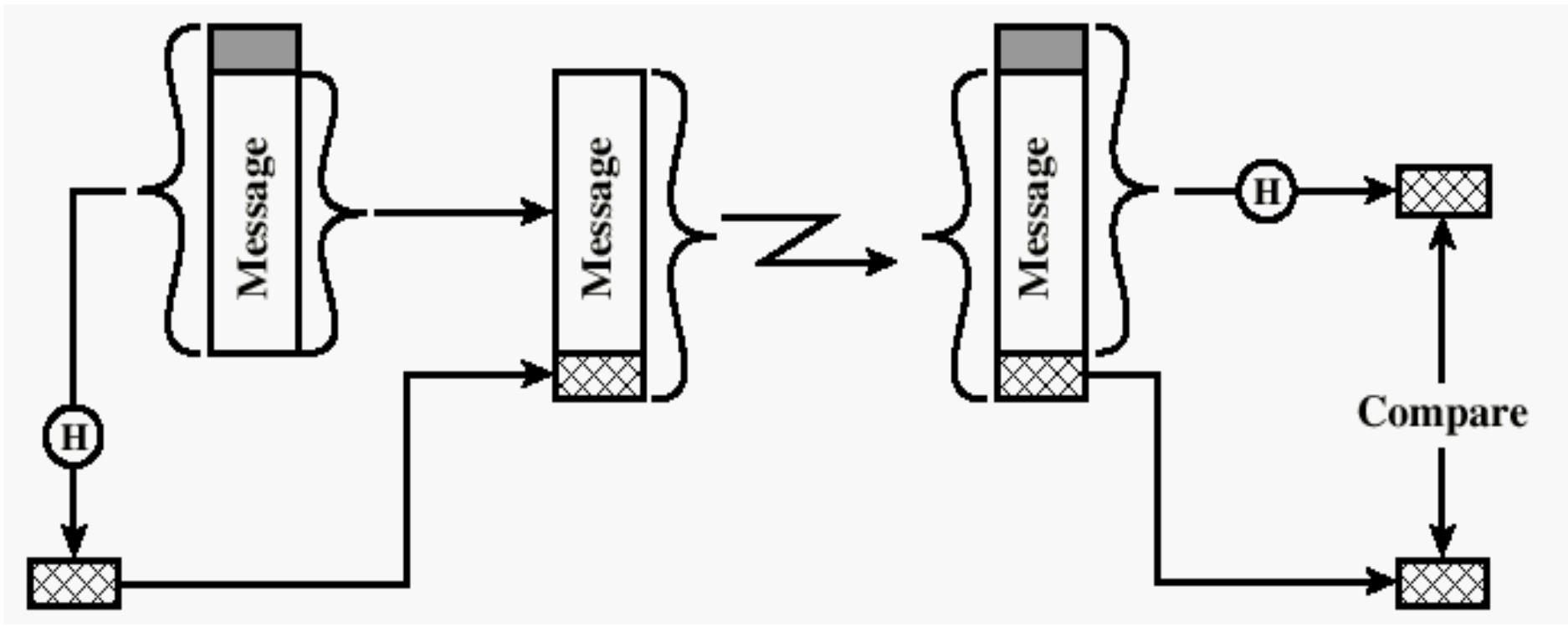
- Χρησιμοποίηση μιας Hash Function
- Συμμετρική Κρυπτογράφηση: Μυστικό Κλειδί **K**
- Συνένωση του αρχικού μηνύματος (message) με το κρυπτογραφημένο κείμενο

# MESSAGE AUTHENTICATION : ΑΣΥΜΜΕΤΡΗ ΚΡΥΠΤΟΓΡΑΦΗΣΗ

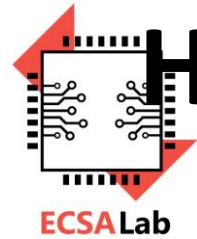


- Χρησιμοποίηση μιας Hash Function
- Ασύμμετρη Κρυπτογράφηση: Μυστικό Κλειδί  $K_{private}$ , Δημόσιο Κλειδί  $K_{public}$
- Συνένωση του αρχικού μηνύματος (message) με το κρυπτογραφημένο κείμενο

# MESSAGE AUTHENTICATION: ΧΡΗΣΗ ΜΥΣΤΙΚΗΣ ΤΙΜΗΣ

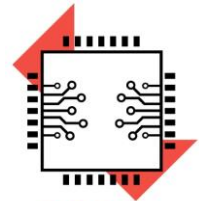


- Η μυστική πληροφορία επισυνάπτεται πριν τον υπολογισμό hash και αφαιρείται πριν την μετάδοση του μηνύματος
- Δεν απαιτείται η χρήση κλειδιών



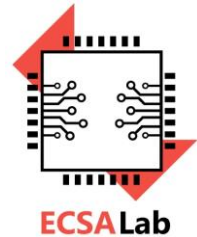
# HASH MESSAGE AUTHENTICATION CODE (HMAC)

- Τα τελευταία χρόνια παρουσιάζει ιδιαίτερο ενδιαφέρον ο σχεδιασμός ενός MAC με την χρήση hash functions
- Οι λόγοι αυτής της κατεύθυνσης στο σχεδιασμό είναι:
  1. Οι συναρτήσεις τύπου hash function έχουν καλύτερες αποδόσεις σε υλοποιήσεις με την χρήση λογισμικού (software), από ότι οι αλγόριθμοι συμμετρικής κρυπτογράφησης όπως ο DES
  2. Υπάρχουν διαθέσιμοι έτοιμοι κώδικες βιβλιοθηκών (library codes) σε προγραμματίστηκα πακέτα και πλατφόρμες



# ΣΚΟΠΟΣ ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΥ ΗΜΑΣ

1. **ΕCSA Lab** Χρησιμοποίηση χωρίς διαφοροποιήσεις μιας συνάρτησης τύπου hash function, που έχει καλύτερες αποδόσεις σε υλοποιήσεις με την χρήση λογισμικού (software). Υπάρχουν διαθέσιμοι έτοιμοι κώδικες βιβλιοθηκών (library codes) σε πακέτα προγραμματισμού & πλατφόρμες
2. Είναι εφικτή η αναβάθμιση και η τροποποίηση του συστήματος με χρήση μιας διαφορετικής hash function, που μπορεί να είναι καλύτερη : i) όσο αφορά το επίπεδο ασφαλείας, ii) την απόδοση υλοποίησης
3. Η δυνατότητα διατήρησης των προδιαγραφών της hash function, χωρίς την υποβάθμιση του τρόπου λειτουργίας της
4. Η χρησιμοποίηση και η διαχείριση κλειδιών με απλό και εφικτό τρόπο
5. Η ανάλυση του επιπέδου ασφαλείας του μηχανισμού πιστοποίησης, στηρίζεται αποκλειστικά και μόνο στις θεωρήσεις ασφαλείας της συνάρτησης hash function



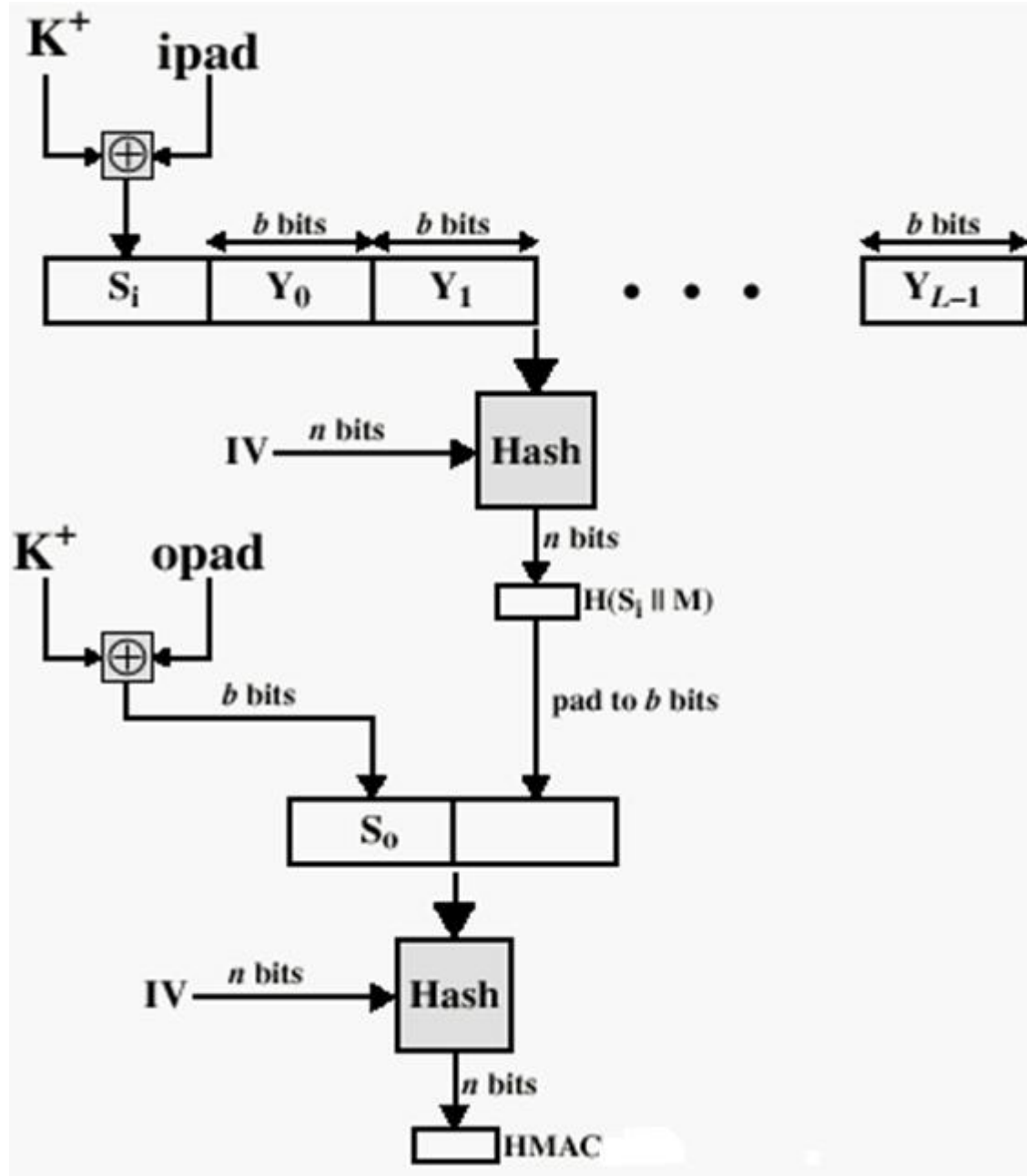
# ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ ΗΜΑC

## Παράμετροι λειτουργίας του ΗΜΑC:

- $H$  : επιλεγμένη Hash Function.
- $M$  : μήνυμα εισόδου του ΗΜΑC.
- $Y_i$ :  $i$ -στο block του μηνύματος εισόδου  $0 \leq i \leq (L-1)$ .
- $L$ : ο μέγιστος αριθμός των block του μηνύματος.
- $b$ : ο αριθμός των ψηφίων σε κάθε block.
- $n$ : το μέγεθος της τιμής εξόδου της Hash Function.
- $K$ : μυστικό κλειδί
- $K^+$ : Key padded με μηδενικά.
- $ipad$ : σταθερά 00110110... επαναλαμβανόμενη  $b/8$  φορές
- $opad$ : σταθερά 01011100... επαναλαμβανόμενη  $b/8$  φορές



# ΗΜΑC ΑΡΧΙΤΕΚΤΟΝΙΚΗ ΛΕΙΤΟΥΡΓΙΑΣ





Απορίες???